Exercice n° 24 : Relations entre l'aire et le volume dans des figures semblables

E-2

- 1. Si l'on double les dimensions d'un cube, par quel facteur augmente-t-on son aire totale et son volume ?
- 2. Un avion miniature est construit à l'échelle 1:25. S'il mesure 40 cm de long et que l'aire de la feuille de métal nécessaire pour couvrir la surface extérieure est égale à 300 cm², quelles sont la longueur et l'aire totale de l'avion grandeur réelle ?
- 3. L'aire d'une surface mesure 20 m². Pour qu'elle passe à 160 m², par quel facteur faut-il en multiplier chacune des dimensions ?
- 4. Si l'on quadruple la longueur du rayon d'une sphère, qu'arrive-t-il à l'aire totale et au volume initiaux ?
- 5. Deux secteurs semblables ont des mesures linéaires ayant entre elles un rapport de 7 à 2. Donne le rapport existant entre :
 - a) les deux périmètres;
- b) les deux aires.
- 6. Soit les deux cubes figurant ci-après :

a b

Trouve une expression pour :

- a) le rapport de leurs dimensions;
- b) l'aire totale de chaque cube;
- c) le rapport de leurs surfaces totales;
- d) le volume de chaque cube;
- e) le rapport de leurs volumes.
- 7. Ces formes sont semblables. L'aire de la plus grande mesure 24 cm². Quelle est 57 celle de la plus petite ?





8. Trouve la valeur de x: $\frac{x}{3} - \frac{x-3}{6} = \frac{7}{2}$

9. Un cercle est inscrit dans un carré. Quel pourcentage de l'aire du carré se trouve en dehors du cercle ?



- 10. Trouve l'aire d'un trapèze limité par l'axe des x, l'axe des y, la droite x = 6 et la droite y = 2x + 4.
- 11. La moyenne de 3k 1 et 5k + 7 est 18. Trouve la valeur de k.
- 12. Calcule le volume et l'aire totale d'un ballon sphérique dont le diamètre mesure 16 cm.
- 13. Calcule le volume et l'aire totale d'un ballon sphérique dont le diamètre mesure 20 cm. Donne une réponse au centième près.
- 14. Peux-tu soulever une boule massive dont le rayon mesure 20 cm? Si l'acier a une masse volumique de 7,9 g/cm³, quelle est la masse de la boule, à un gramme près?
- 15. Évalue : a) $8^{\frac{4}{3}}$

- b) $(-8)^{\frac{1}{3}}$
- c) $\frac{-3}{9^{\frac{-3}{2}}}$

- 16. Écris à l'aide d'exposants rationnels :
 - a) $\sqrt{m^3y^5}$
- b) $\sqrt{5\sqrt{5}}$

- c) $\sqrt[3]{256^2}$
- 17. La droite y = 4x 5 passe par le point (k 2, k + 2). Trouve k.
- 18. Dans le triangle ABC, $\angle A = 56^{\circ}$, $\angle C = 63^{\circ}$, c = 6.3 cm. Trouve a.
- 19. Trouve la mesure de $\angle A$, si sin $\angle A = 0.819$ 15. Explique pourquoi deux mesures sont possibles.
- 20. Exprime, en fonction de la pente et de l'ordonnée à l'origine, l'équation de la droite perpendiculaire à -4x + 7y = -2 si elle passe par (9, 5).

Exercice n° 25 : Trigonométrie (Loi des cosinus)

C-3

Trouve l'élément demandé, dans les triangle ABC (problèmes 1 à 7).

1.
$$a = 15, b = 19, \angle C = 50^{\circ}$$
. Trouve c.

2.
$$c = 13, b = 18, \angle A = 70^{\circ}$$
. Trouve a.

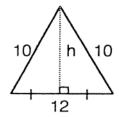
3.
$$b = 42$$
, $c = 37$, $\angle A = 150^{\circ}$. Trouve a .

4.
$$a = 15$$
, $b = 10$, $c = 12$. Trouve $\angle A$ à un degré près.

5.
$$a = 5, b = 3, c = 7$$
. Trouve $\angle B$ à un degré près.

6.
$$a = 8, b = 11, c = 6$$
. Trouve le plus petit angle du triangle ABC à un degré près.

- 7. Trouve l'équation de la droite qui passe par le point (4,1) et qui est parallèle à la droite 6x + y = -2.
- 8. Trouve la valeur numérique de $(\sqrt{2+1})^{10} + (\sqrt{2-1})^{10}$.
- 9. a) Trouve l'aire du triangle. (CONSEIL : trouve d'abord la hauteur.)
 - b) Explique comment tu peux trouver l'aire de n'importe quel triangle isocèle si tu connais la longueur de ses trois côtés.



10. Si $(x^n)^2 x^5 = (x^n)^3$, quelle est la valeur de n?

- 11. Deux sphères ont des rayons mesurant 4 cm et 12 cm, respectivement. Trouve le rapport de :
 - a) leurs aires totales;
 - b) leurs volumes.
- 12. Le côté d'un carré équivaut aux trois septièmes $\frac{3}{7}$ du côté d'un deuxième carré. Si le plus grand carré a une aire de 980 cm², quelle est l'aire du plus petit ?
- 13. Calcule le volume et l'aire totale d'une boule d'acier dont le rayon est égal à 10 cm.
- 14. Un ballon mesure 24 cm de diamètre. Combien de litres d'eau contiendrait-il ? Donne ta réponse à un dixième de litre près. (1cm³ = 1ml)
- 15. Simplifie et évalue :
 - a) $\sqrt[4]{625^3}$

- b) $\sqrt{6}\sqrt{24}$
- 16. Quelle valeur est la plus grande ; π , 3,14, ou $\frac{22}{7}$? Explique ta réponse.
- 17. La droite 2x + 3y = 39 passe-t-elle par le point (9, 7)? Justifie.
- 18. Dessine un diagramme du triangle ABC, dont AB = 8, AC = 12, et \angle A = 55°. Trouve l'aire du triangle.
- 19. Soit: A (0, -3), B (2, 1) et C (-1, -5). Prouve que les points A, B et C sont colinéaires.
- 20. Multiplie : $\left(\frac{1}{2}x^2y^2\right)(-4xy^2)(-3x^2y)$

Exercice no 26 : Exposants rationnels

D-3

Écris la forme équivalente comportant un exposant rationnel, pour chacune des expressions des n^{os} 1 à 7.

1. a)
$$\sqrt{16m^3y^4}$$

b)
$$3\sqrt[3]{8x^7}$$

2. a)
$$\sqrt[5]{32x^2y}$$

b)
$$\frac{4}{\sqrt[4]{x^3}}$$

3. a)
$$\sqrt{x^{\frac{1}{2}}}$$

b)
$$\sqrt[3]{y^2 x^{\frac{1}{2}}}$$

4. a)
$$\sqrt[5]{x^{\frac{7}{2}}}$$

b)
$$\sqrt{4x^5y^2}$$

5. a)
$$\sqrt[3]{-27y^4}$$

$$b) \qquad \frac{1}{\sqrt[3]{y^2}}$$

6. a)
$$\sqrt[4]{81xy}$$

b)
$$\sqrt[2]{9\sqrt{9}}$$

7. a)
$$\sqrt[5]{3\sqrt{3}}$$

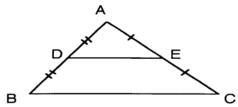
b)
$$\sqrt{25\sqrt{5}}$$

- 8. a) Qu'entend-on par « triangles congruents »?
 - b) Dans le cours de mathématiques de l'an dernier, tu as appris plusieurs règles permettant d'établir si deux triangles sont congruents ou non. Énonce ces règles.
- 9. Dans un \triangle PQR , p = 10, q = 13 et r = 17. Trouve \angle P au degré près.
- 10. Simplifie: $2(x-1)(x^2+x+1)$
- 11. a) Si les deux cercles illustrés ci-contre ont un rayon de 2 cm, trouve l'aire de la zone ombrée.

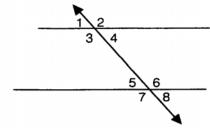


b) Si les cercles ont un rayon égal à *x* cm, quelle est l'aire de la zone ombrée ?

12. D est le point milieu de AB, et E, celui de AC. Si l'aire du triangle ADE est égale à 3 unités au carré, trouve l'aire du ΔABC et du quadrilatère DECB. (CONSEIL : Le ΔADE est semblable au ΔABC.)



- 13. Les bleus coûtent 5 \$ chacun, mais les rouges sont offerts à un prix d'aubaine, à 2 \$ chacun. J'achète 40 de ces éléments, qui me coûtent en tout 131 \$. Combien ai-je de bleus et de rouges ?
- 14. Trouve l'équation de la droite passant par (-2, 3) et qui est perpendiculaire à la droite 2x 3y = 8.
- 15. AB est parallèle à CD. Si $\angle 1 = 40^{\circ}$, trouve la mesure des angles 2, 3, 4, 5, 6, 7 et 8.

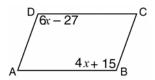


- 16. Explique comment calculer la racine quatrième d'un nombre avec ta calculatrice.
- 17. La droite passant par les points (k, 4) et (8, 2) a une pente égale à 1. Quelle est la valeur de k?
- 18. La droite kx + 3y 6 = 0 passe par le point (3, 7). Trouve la valeur de k.
- 19. Dans le triangle ABC, a = 64 m, B = 52 m, \angle c = 72°. Trouve c, en exprimant ta réponse à un mètre près.
- 20. Donne l'équation de la droite sous la forme y = mx + b par le point (-2, 1) et pour pente -3.

Exercice n° 27 : Propriété des quadrilatères

E-3

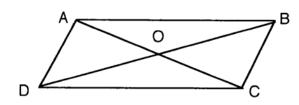
- 1. Dis si chacun des énoncés suivants est vrai ou faux.
 - a) les côtés opposés d'un parallélogramme sont égaux.
 - b) les angles opposés d'un parallélogramme ne sont pas égaux.
 - c) les angles consécutifs d'un parallélogramme sont supplémentaires.
 - d) les diagonales d'un parallélogramme se coupent en leur point milieu.
 - e) les diagonales d'un parallélogramme sont perpendiculaires l'une à l'autre.
 - f) les diagonales d'un parallélogramme sont égales.
- 2. Un angle d'un parallélogramme mesure 45°. Que valent les autres angles ?
- 3. Soit un parallélogramme ABCD dont $\angle B = (4x + 15)^0$ et $\angle D = (6x 27)^0$. Trouve la mesure de chacun des quatre angles.



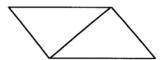
- 4. Deux angles consécutifs d'un parallélogramme valent $(x + 30)^{\circ}$ et $(2x 60)^{\circ}$, respectivement. Calcule la mesure de chaque angle du parallélogramme.
- 5. ABCD est un parallélogramme. AB = 6, AD = 4, BD = 8. Trouve la valeur de :
 - a) BC

b) DC

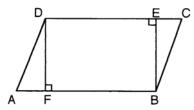
c) OD.



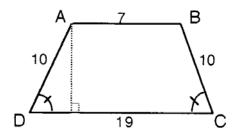
- 6. Une diagonale divise un parallélogramme en deux triangles.
 - a) s'agit-il de triangles congruents?
 - b) ces triangles ont-ils la même aire ? Explique tes réponses.



7. ABCD est un parallélogramme. On peut tracer deux hauteurs pour montrer qu'il comporte deux triangles et un rectangle. Les deux triangles sont-ils congruents ? Explique ta réponse.



- 8. Dans le diagramme du problème n° 7, disons que AD = 5, DF = 4, et DE = 6. Trouve l'aire du parallélogramme ABCD.
- 9. Soit un parallélogramme ABCD. La diagonale AC est-elle une bissectrice de ∠BAD? Explique ta réponse. (**Remarque :** un angle est divisé en deux secteurs égaux quand les deux angles résultants sont congruents.)
- 10. Trouve l'aire du trapèze ABCD. (Tu dois trouver la hauteur.)



- 11. Un pot contient des pièces de 10¢ et de 25¢. Il s'y trouve 109 pièces valant 18,10 \$. Combien y a-t-il de 10¢ et de 25¢?
- 12. Chaque côté d'un triangle équilatéral mesure 4 cm de long. Trouve l'aire du triangle.
- 13. Soit deux cylindres. La hauteur du plus grand est trois fois plus grande que celle du petit. Si les cylindres sont semblables :
 - a) quel est le rapport de leurs aires totales ?
 - b) quel est le rapport de leurs volumes ?
- 14. Trouve la valeur de x: $x^{\frac{2}{3}}=4$
- 15. Exprime les expressions suivantes à l'aide d'exposants rationnels.

a)
$$\sqrt{16xy^5}$$

b)
$$\sqrt[3]{125x^2y^7}$$

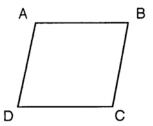
- 16. Exprime les expressions suivantes à l'aide d'exposants rationnels.
- 17. Dans le triangle ABC, $\angle A = 61^{\circ}$, b = 6.5 cm, et c = 7.2 cm. Trouve a.
- 18. Soit les points A (0 , -3) et B (2 , 1). Si A est le point milieu de BC, trouve les coordonnées du point C.
- 19. Décompose en facteurs : $81x^4$ $18x^2$ + 1 (il y a quatre facteurs !).
- 20. Multiplie: 4(2x-1)(3x+2).

Exercice n° 28: Propriété des quadrilatères (2)

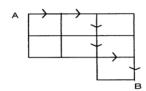
E-3

Dis si chacun des énoncés suivants (1 à 8) est vrai ou faux.

- 1. Tous les losanges sont des carrés.
- 2. Les diagonales d'un losange sont perpendiculaires l'une à l'autre.
- 3. Les diagonales d'un losange sont égales l'une à l'autre.
- 4. Les diagonales d'un rectangle ne se coupent pas en leur point milieu.
- 5. Les angles consécutifs d'un carré sont égaux l'un à l'autre.
- 6. Les diagonales d'un carré sont des médiatrices l'une de l'autre.
- 7. Tous les carrés sont des rectangles.
- 8. Les côtés opposés d'un losange ne sont pas égaux l'un à l'autre.
- 9. Le quadrilatère ABCD est un losange.
 AB = 8 cm.
 Quelle est la longueur de AD et de BC ?
 Justifie tes réponses.



- 10. Simplifie: a) $(x+y)^2 (x+y)(x-y)$ b) 2 - [x - (3-x)]
- 11. Les flèches montrent un trajet possible pour aller de A à B. Combien y a-t-il de trajets possibles, si l'on doit toujours se déplacer vers la droite et vers le bas ?



12. Vrai ou faux.

- a) Les angles consécutifs d'un parallélogramme sont supplémentaires.
- b) Les côtés opposés d'un parallélogramme ne sont pas égaux.
- 13. On peut joindre deux triangles équilatéraux pour former un losange, comme la figure ci-contre le montre. Dessine la diagonale BD, de sorte qu'elle coupe AC au point M. Quelle est la mesure de chaque angle dans le triangle AMD?

6 60° C B

Quelle est la longueur de AM? Quelle est la longueur de DM? Quelle est la longueur de BD?

14. Simplifie:

a)
$$\sqrt{x^{\frac{3}{4}}y^{\frac{1}{2}}}$$

b)
$$\sqrt[3]{x^4 y^{\frac{1}{2}}}$$

15. Trouve la valeur de $x: \frac{9^x}{3} = 27$

16. Sanjay et Mona regarde un mât porte-drapeau. Sanjay est à 10 m du mât et Mona, à 16 m. Sanjay observe que l'angle d'élévation depuis le sol jusqu'au sommet du mât est de 40°. Quel est l'angle d'élévation depuis le point où Mona se tient ?

17. Dans le triangle ABC, a = 4.6 m, b = 6.1 m, c = 9.4 m. Trouve le plus grand angle du triangle.

18. Trouve l'équation de la droite qui est parallèle à l'axe des x, à quatre unités sous ce dernier.

19. Donne l'équation de la droite sous la forme y = mx + b qui passe par le point (-1, -4) et de pente -4.

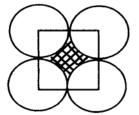
20. Le $\triangle ABC$ a pour sommets les points A(-2 , -1), B(9 , 5) et C(5 , -1). Trouve la longueur de la médiane AD.

Exercice n° 29 : Applications des lois des sinus et cosinus

C-3

- 1. Afin de trouver la distance entre deux points A et B situés sur les côtés opposés d'une rivière, un arpenteur mesure une ligne de référence AC de 25 m de long. Il mesure ensuite ∠A, qui est égal à 82° et ∠C, qui est égal à 69°. Calcule la distance AB.
- 2. Le mouvement d'un pendule est tel que l'angle formé par ses positions extrêmes est égal à 15°; la distance, en ligne droite, entre les points extrêmes est égale à 8,7 cm. Quelle est la longueur du pendule ?
- 3. Un pin tout droit pousse sur une pente de 18°. Depuis un point situé à 20 m plus bas dans la pente, l'angle d'élévation du sommet de l'arbre est de 32°. Calcule la hauteur de l'arbre.
- 4. Deux navires quittent le port en même temps et suivent un trajet en ligne droite; le premier file à 30 km/h, et le deuxième, à 10 km/h. Deux heures plus tard, ils sont à 50 km l'un de l'autre. Quel est l'angle formé par leurs trajectoires ?
- 5. Le champ intérieur d'un terrain de baseball forme un carré de 90 pieds de côté. Le monticule du lanceur est à 60,5 pieds du marbre. Quelle est la distance entre le monticule et le premier but ?
- 6. Le mât d'un drapeau mesure 4 m et est installé sur un toit en pente. Un fil de 5 m de long relie le sommet du mât à un point du toit situé à 6 m plus haut que la base du mât. Quel angle le toit fait-il avec l'horizontale ?
- 7. Énoncé : « Les diagonales sont égales. » Cela est-il vrai d'un parallélogramme ? D'un rectangle ? D'un losange ? D'un carré ?
- 8. Simplifie: $\frac{(2 x^2 y^3)^4}{x}$
- 9. a) On te donne la longueur de chaque côté d'un triangle équilatéral. Explique comment tu peux trouver l'aire de ce dernier.
 - b) Établis une formule qui te permettra de calculer l'aire d'un triangle équilatéral dont la longueur de chaque côté est égale à *x* unités.

10. a) Chacun de ces cercles à un rayon d'une unité. Trouve l'aire de la partie ombrée.



- b) Quelle serait l'aire de la partie ombrée si chaque cercle avait un rayon égal à *x* unités ?
- 11. L'objet coûtait 3 \$ dans le passé, mais le prix a augmenté de 300 %. Que coûte-t-il maintenant ?
- 12. Trouve l'aire du trapèze ou du quadrilatère de forme trapézoïdale limité par l'axe des x, les droites x = 1 et x = 5, et la droite y = 3x + 1.
- 13. Le prix d'un objet est augmenté de 25 %. De quel pourcentage doit-on alors réduire le nouveau prix pour revenir au prix initial ?
- 14. Les diagonales d'un rectangle se coupent en leur point milieu. Vrai ou faux ?
- 15. Chaque rectangle est un carré. Vrai ou faux ?
- 16. Vrai ou faux : les diagonales d'un parallélogramme sont perpendiculaires l'une à l'autre.
- 17. Évalue : a) $(-27)^{2/3}$

- b) $25^{3/2}$
- 18. Trouve la valeur de $x: 8^x = 4(2^x)$
- 19. Donne l'équation de la droite sous la forme y = mx + b qui passe par le point (5, -3) et de pente -4.
- 20. Multiplie: (x+3)(3x+1)(x-4)

Exercice n° 30 : Exposants rationnels (3)

D-3

Dans les problèmes 1 à 10 énoncés ci-dessous, simplifie l'expression et formule la réponse avec des exposants rationnels.

- 1. $\sqrt{16m^2y} \cdot \sqrt[3]{27m^4y}$
- $2. \quad \sqrt[3]{8xy} \cdot \sqrt{4xy}$
- $3. \qquad \sqrt{x^2 y} \cdot \sqrt[3]{y^2 x}$
- $4. \qquad \sqrt{x^2 y^2 m} \cdot \sqrt[4]{xym^2}$
- 5. $\sqrt{9x^2y^3} \cdot \sqrt{16xy^4}$
- 6. $\sqrt{4x^3y^5} \cdot \sqrt[3]{8xy^2}$
- 7. $\sqrt[3]{5\sqrt{5}}$
- 8. $\sqrt{9} \cdot \sqrt[3]{3}$
- 9. $\sqrt{9\sqrt{3}}$
- 10. $\sqrt[5]{4 \cdot \sqrt[3]{2}}$
- 11. Le 8 juillet 1917, Petit Pierre Dubois est entré dans les bureaux de la *Union Telegraph Co*. et a demandé combien coûtait l'envoi d'un télégramme à Winnipeg. On lui a répondu qu'il en coûtait 1 \$ plus 3¢ le mot. Il a traversé la rue pour entrer chez la *Corrugated Telegraph Co*. et a posé la même question. On lui a dit qu'il lui en coûterait 40¢ plus 5¢ le mot. Il décida qu'il importait peu de choisir une compagnie plutôt que l'autre, car le coût serait le même.
 - a) Combien de mots le télégramme de Petit Pierre contenait-il ?
 - b) Définis une règle qui te permettrait de savoir quelle compagnie offrait les meilleurs taux.

- 12. Les diagonales d'un rhombe (losange) sont égales. Vrai ou faux ?
- 13. Chaque losange est un carré. Vrai ou faux ?
- 14. Les angles consécutifs d'un rectangle sont égaux l'un à l'autre. Vrai ou faux ?
- 15. Trouve un nombre rationnel situé entre $\frac{1}{2}$ et $\frac{3}{4}$.
- 16. Dans le triangle ABC, a = 5.6, b = 6.2, c = 10.8. Trouve la mesure du plus grand angle du triangle.
- 17. Trace le graphique de la droite 3x + y = 9.
- 18. Soit : A (0, -3), B (2, 1), C (-1, -5), et E (x, 3). Trouve la valeur de x si AB \perp CE.
- 19. Simplifie: $4\{2a [3 (a 4)] + 1\}$.
- 20. Décompose en facteurs : a) $32x^2 + 16x 30$

b) $3 + y - 6y^2$

Exercice n° 31 : Applications des propriétés des quadrilatères (1)

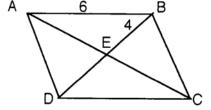
E-4

1. ABCD est un parallélogramme.

$$\angle ABC = 110^{\circ}$$
.

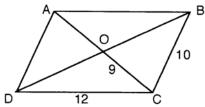
Trouve la mesure des éléments suivants, et explique tes réponses;

- a) DC
- b) DE
- c) ∠BCD
- d) ∠ADC



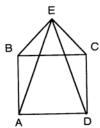
- 2. Montre que les points A (1, 2), B (5, 5), C (13, 5) et D (9, 1) sont les sommets d'un parallélogramme. Montre si les diagonales se coupent en leur point milieu ou non.
- 3. ABCD est un losange. $\angle B = 4 (10 + x)^{\circ}$ et $\angle D = 6 (x 2)^{\circ}$. Trouve la mesure de $\angle A$.
- 4. Dis si la figure délimitée par les points A (1, 6), B (8, 6), C (4, -1) et D (-3, -1) est un rectangle, un carré, un parallélogramme ou un losange (rhombe). Explique ton raisonnement.

Utilise le diagramme du parallélogramme ABCD figurant ci-après pour répondre aux questions 5 à 9.



- 5. Trouve la longueur de AB.
- 6. Trouve la mesure de ∠ABC. (CONSEIL : loi des cosinus.) Exprime ta réponse à un dixième de degré près.
- 7. Trouve la mesure de ∠BCD.
- 8. Trouve la longueur de AO.

- 9. Trouve la longueur de AD.
- 10. ABCD est un parallélogramme. Les coordonnées de trois des sommets sont : A (2 , 1), B (4 , 5) et C (8 , 13). Trouve les coordonnées de D.
- 11. Résous l'équation :
- 12. ABCD est un carré et le triangle BCE est équilatéral. Trouve la mesure de ∠AED en degrés.



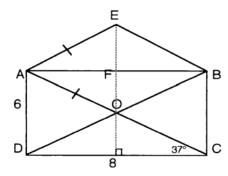
Pour les questions 13 à 17, écris les expressions équivalentes en utilisant des exposants rationnels.

- 13. $\sqrt[3]{x^5y^3} \cdot \sqrt[4]{16xy^5}$
- 14. $\sqrt[4]{xy^5} \cdot \sqrt[3]{x^5y^3}$
- 15. $\sqrt{169x^3y^3} \cdot \sqrt[4]{81xy}$
- 16. $\sqrt[3]{8x^2y^3m} \cdot \sqrt{16x^2y}$
- 17. $\sqrt[3]{6\sqrt{6}}$
- 18. Un poteau vertical de 20 m est installé sur une pente de 15°; il doit être maintenu en place par deux câbles en reliant le sommet à deux points au sol, situés respectivement à 30 m plus haut et à 30 m plus bas dans la pente. Quelle doit être la longueur, à un mètre près, des câbles ?
- 19. Trouve l'équation d'une droite de pente 2 et coupant l'axe des y à 6.
- 20. Multiplie: $(3x 2)^2$.

Exercice n° 32 : Applications des propriétés des quadrilatères (2)

E-4

Utilise le diagramme figurant ci-après pour répondre aux questions 1 à 7. ABCD est un rectangle.

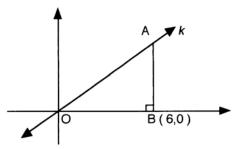


- 1. Trouve la longueur de AB.
- 2. Trouve la longueur de BD.
- 3. Trouve la longueur de AC.
- 4. Trouve la mesure de ∠BCO.
- 5. Trouve la mesure de ∠BOC.
- 6. Trouve la longueur de AE.
- 7. Trouve la longueur de EF.
- 8. Un losange a un côté de 12 unités, et la mesure de l'un de ses angles est 140°. Trouve l'aire du losange.
- 9. Trouve la valeur de x:

a)
$$(x + 1)^2 - x^2 = 20$$

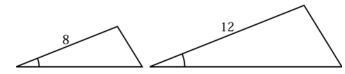
b)
$$\frac{x}{2} = 3 - \frac{x-1}{2}$$

10. Soit le point B (6, 0). Trouve une équation pour la droite k, si l'aire du ΔAOB est égale à 24 unités au carré.



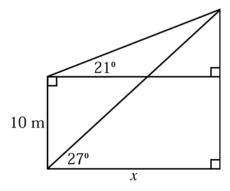
- 11. Les fractions algébriques $\frac{2x+1}{6} \frac{2x+1}{3}$ se simplifient pour donner $\frac{-2x-9}{6}$.

 Quel nombre faut-il mettre dans le petit rectangle?
- 12. Si x = 9, trouve la valeur de : $3x^{\frac{1}{2}} 3x^{-\frac{1}{2}}$
- 13. Un losange est équiangulaire. Vrai ou faux ?
- 14. Un losange (rhombe) est un parallélogramme. Vrai ou faux ?
- 15. Un parallélogramme est un rectangle. Vrai ou faux ?
- 16. Trouve le rapport : a) des côtés; b) des périmètres; c) des aires des triangles semblables figurant ci-dessous :



17. Simplifie: $\sqrt[4]{81 \, x^2 \, y^2} \, \sqrt{121 \, x^3 \, y}$

18. Trouve la valeur de *x* :



- 19. Trace le graphique de l'équation y = -x + 2.
- 20. Décompose en facteurs : a) $x^8 1$

b) $14y^2 - 9y + 1$

Exercice n° 33 : Opérations sur des radicaux (1)

D-5

Simplifie chacune des expressions suivantes (1 à 4), en la ramenant à la forme radicale la plus simple possible.



b) $\sqrt{24}$

c) $\sqrt{45}$ d) $\sqrt{32}$

a) $3\sqrt{12}$

b) $4\sqrt{20}$

c) $-2\sqrt{50}$

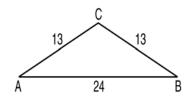
3. a) $\sqrt[3]{16}$

b) $\sqrt[3]{-24}$

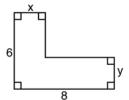
d) $4\sqrt[3]{81}$

4. a) $\sqrt{x^9}$

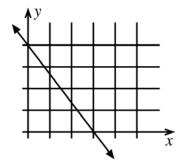
- Utilise le diagramme à droite pour trouver :
 - a) ∠A en utilisant la loi des cosinus.
 - b) ∠A en divisant le triangle en deux triangles rectangles.
 - c) l'aire du ΔABC.



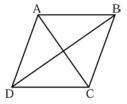
- 6. Réduis et simplifie : $\frac{2x-3}{4} \frac{x-6}{10} + \frac{4-x}{5}$
- 7. Tous les segments de droites du diagramme se coupent à angle droit.
 - a) Trouve l'aire de la figure, en fonction de x et de y.
 - b) Trouve le périmètre de la figure.



- 8. Un cercle et un carré ont une aire identique. La circonférence du cercle mesure 16,83 cm. Trouve le périmètre du carré, à deux décimales près.
- 9. Trouve une équation pour la droite illustrée ci-dessous :



- 10. a) Trouve la valeur de x: x 3 = 0.
 - b) Trouve la valeur de x: 2x 5 = 0.
 - c) Trouve les solutions pour l'équation : (x 3)(2x 5) = 0.
 - d) Trouve les solutions pour l'équation : (x + 4)(3x 6)(4x + 2) = 0.
- 11. Trouve la (les) valeur(s) de x: $(x+3)^2 + 4 = (x+2)^2$
- 12. ABCD est un losange. Chaque côté mesure 5 cm de long. La diagonale AC mesure 6 cm de long. Quelle est la longueur de la diagonale BD? Indique les deux propriétés des diagonales des losanges qu'il faut savoir pour répondre à la question.



- 13. Si x = 8 et que y = 27, quelle est la valeur de : $x^{\frac{1}{3}} y^{\frac{2}{3}}$?
- 14. Les nombres a_1 , a_2 , a_3 et a_4 sont des entiers consécutifs. Si $a_1 + a_4 = 21$, trouve la valeur de a_2 .
- 15. Si $2x^2 + 5xy + y^2 = xyz$, trouve la valeur de z, étant donné que x = 1 et y = 2.
- 16. Simplifie : $\sqrt[6]{xy} \cdot \sqrt[3]{xy^2}$
- 17. **Choix multiple** : Les diagonales d'un quadrilatère se coupent en leur milieu. Elles ne sont pas perpendiculaires et sont de différentes longueurs. Le quadrilatère peut être:
 - a) un losange
- b) un rectangle
- c) un carré
- d) un parallélogramme
- 18. Un carré a pour sommets les points A(-2, 6), C(4,0) et D(-2, 0). Trouve la distance du point A au point milieu de BC.
- 19. Multiplie: $(2x 5)^3$.
- 20. Décompose en facteurs : $x^2 y^2$.