Test de réalisation Mathématiques pré-calcul 12^e année

Guide de correction

Juin 2018



Données de catalogage avant publication — Éducation et Formation Manitoba

Test de réalisation, mathématiques pré-calcul, 12e année : guide de correction, juin 2018

Cette ressource est disponible en formats imprimé et électronique.

ISBN: 978-0-7711-7675-3 (imprimé) ISBN: 978-0-7711-7676-0 (pdf)

1. Mathématiques – Examens, questions, etc.

- 2. Tests et mesures en éducation Manitoba.
- 3. Mathématiques Étude et enseignement (Secondaire) Manitoba.
- 4. Pré-calcul Étude et enseignement (Secondaire) Manitoba.
- 5. Aptitude pour les mathématiques Tests.
- I. Manitoba. Éducation et Formation Manitoba.
- 510.76

Tous droits réservés © 2018, le gouvernement du Manitoba, représenté par le ministre de l'Éducation et de la Formation.

Éducation et Formation Manitoba Winnipeg (Manitoba) Canada

Toutes les copies types dans cette ressource sont protégées par les droits d'auteur et on ne devrait y avoir accès ou les reproduire en partie ou en totalité qu'à des fins éducatives prévues dans cette ressource. Nous tenons à remercier les élèves de nous avoir permis d'adapter ou de reproduire leur matériel original.

La reproduction de cette ressource à des fins pédagogiques et non lucratives est autorisée, pourvu que la source soit citée.

Après l'administration du test, vous pouvez acheter des exemplaires de cette ressource du Centre de ressources d'apprentissage du Manitoba à www.manitobalrc.ca.

Cette ressource sera également affichée sur le site Web du ministère de l'Éducation et de la Formation du Manitoba à www.edu.gov.mb.ca/m12/eval/archives/math_archives.html.

Les sites Web sont sous réserve de modifications sans préavis.

Available in English.

Bien que le Ministère se soit engagé à rendre ses publications aussi accessibles que possible, certaines parties du présent document ne sont pas accessibles pour le moment.

Disponible en médias substituts sur demande.

Dans cette ressource, les mots de genre masculin appliqués aux personnes désignent les femmes et les hommes.

Table des matières

Directives générales pour la correction	1
Lignes directrices pour la notation des questions de Cahier 1	5
Lignes directrices pour la notation des questions de Cahier 2	55
Clé de correction pour les questions à réponse choisie	56
Annexes	127
Annexe A: Lignes directrices pour la correction	129
Annexe B : Irrégularités dans les tests provinciaux	130
Rapport de cahier de test irrégulier	131
Annexe C : Tableau de questions par unité et résultat d'apprentissage	e133

Directives générales pour la correction

Veuillez ne rien inscrire dans les cahiers de test de l'élève. Toute inscription dans un cahier de test devra être effacée par le personnel ministériel avant la correction de l'échantillon si jamais ce cahier est sélectionné.

Veuillez-vous assurer que :

- le numéro du cahier et celui sur la Feuille de réponses et de notation sont identiques;
- les élèves et les correcteurs utilisent seulement un crayon à mine pour remplir les Feuilles de réponses et de notation;
- les sommes de chacune des quatre parties sont inscrites au bas de la feuille;
- le résultat final de chaque élève est inscrit sur la Feuille de réponses et de notation correspondant au numéro du cahier de test;
- la Feuille de réponses et de notation est complète;
- une photocopie a été faite pour les dossiers scolaires.

Une fois la correction terminée, veuillez expédier les *Feuilles de réponses et de notation* au ministère de l'Éducation et de la Formation du Manitoba dans l'enveloppe fournie (pour de plus amples renseignements, consultez le guide d'administration).

Correction des questions du test

Le test est composé de questions à réponse construite et de questions à réponse choisie. Les questions à réponse construite valent de 1 à 5 points chacune et les questions à réponse choisie valent 1 point chacune. Au début de la section « Questions de Cahier 2 » se trouve une clé de correction pour les questions à réponse choisie.

Une réponse d'élève doit être complète et correcte pour que l'on puisse accorder tous les points. Là où il existe plus d'une méthode possible, le *Guide de correction* tente de présenter les solutions les plus communes. Pour des lignes directrices générales quant à la notation des réponses d'élève, consultez l'annexe A.

Irrégularités dans les tests provinciaux

Au cours de l'administration des tests provinciaux, il arrive que les enseignants surveillants observent des irrégularités. Les correcteurs peuvent également observer des irrégularités lors de la correction à l'échelle locale. L'annexe B fournit des exemples de telles irrégularités et décrit la procédure à suivre afin de traiter ces irrégularités.

Si, sur une *Feuille de réponses et de notation*, il n'y a que des « 0 » ou des « NR » (p. ex., l'élève était présent mais il n'a tenté de répondre à aucune des questions), veuillez décrire la situation en préparant un *Rapport de cahier de test irrégulier*.

Aide immédiate

Si, durant la période de correction, des difficultés qui ne peuvent être résolues à l'échelle locale surviennent, veuillez en informer le ministère de l'Éducation et de la Formation du Manitoba le plus tôt possible afin de recevoir toute l'aide nécessaire.

Vous devez communiquer avec le conseiller en évaluation responsable de ce projet avant d'apporter tout changement à la clé de correction ou au corrigé.

Youyi Sun Conseiller en évaluation Mathématiques pré-calcul, 12^e année

Téléphone: 204 945-7590

Sans frais: 1 800 282-8069, poste 7590

Courriel: youyi.sun@gov.mb.ca

Erreurs de communication

Les points alloués aux questions sont fondés principalement sur les concepts et procédures associés aux résultats d'apprentissage dans le programme d'études. Pour chaque question, noircissez le cercle sur la *Feuille de réponses et de notation* qui représente les points alloués basés sur les concepts et procédures. Un total de ces points fournira la note préliminaire.

Les erreurs qui ne sont pas liées aux concepts ou procédures sont appelées « Erreurs de communication » (consultez l'annexe A) et celles-ci seront suivies de près sur la *Feuille de réponses et de notation* dans une section séparée. Il y a une déduction de 0,5 point pour chaque type d'erreur de communication commise, sans tenir compte du nombre d'erreurs par type (c.-à-d., commettre une deuxième erreur d'un type n'affectera pas la note de l'élève), qui comporte une déduction maximale de 5 points de la note totale du test.

Lorsqu'une réponse donnée comprend des erreurs de communication de différents types, les déductions sont indiquées selon l'ordre dans lequel les erreurs apparaissent dans la réponse. Aucune inscription d'erreur de communication ne sera indiquée pour le travail où aucun point n'a été accordé. La déduction totale ne peut pas excéder les points accordés.

La note finale de l'élève est déterminée en soustrayant les erreurs de communication de la note préliminaire.

Exemple: Un élève a une note préliminaire de 72. L'élève a commis deux erreurs de E1 (déduction de 0,5 point), quatre erreurs de E7 (déduction de 0,5 point), et une erreur de E8 (déduction de 0,5 point). Bien que l'élève ait commis un total de sept erreurs, seule une déduction de 1,5 point en résulte.

COMMUNICATION ERRORS / ERREURS DE COMMUNICATION									
Shade in the circles below for a maximum total deduction of 5 marks (½ mark deduction per error). Noircir les cercles ci-dessous pour une déduction maximale totale de 5 points (déduction de 0,5 point par erreur).									
E1	•	E2	0	E 3	0	E4	0	E 5	0
E6	0	E7	•	E 8	•	E9	0	E10	0

Exemple: Note accordée à l'élève.

Total des points	36	9	45	déduction maximale de 5 points	90
	25	7	40	1,5	70,5
Points alloués		choisie	currer 2	(déduis)	rotar
	Cahier 1	Réponse	Cahier 2	Erreurs de communication	Total

Lignes directrices pour la notation des questions de Cahier 1



Question 1 T1

Pierre pousse son véhicule dans un garage. Le rayon d'une roue de son véhicule mesure 22 cm. Détermine la distance parcourue par son véhicule si la roue a fait une rotation totale de 1000°.

Solution

$$\theta = (1000) \left(\frac{\pi}{180} \right)$$
$$= \frac{50\pi}{9}$$

1 point pour la conversion

$$s = \theta r$$

$$s = \left(\frac{50\pi}{9}\right)(22)$$

$$= \frac{1100\pi}{9} \text{ cm}$$

1 point pour la substitution

2 points

01I

$$s = 383,972$$
 cm

$$S=\Theta r$$
 $\Theta = 1000 \times \frac{7}{180} = 17,4533$
 $S = (\frac{10007}{180})(22)$
 $S = 34,907$

1,5 sur 2

tous les points ont été alloués

- 0,5 point pour l'erreur d'arithmétique à la ligne 3
E5 (unités de mesure omises dans la réponse finale)

Copie type 2

$$5 = \theta$$
 (
 $5 = 1000 (22)$
 $5 = 22000 (m ou 220 m$

1 sur 2

+ 1 point pour la substitution

Copie type 3

1,5 sur 2

tous les points ont été alloués

-0,5 point pour l'erreur de procédure à la ligne 1

Question 2 R10

Résous, algébriquement.

$$7^{\frac{x}{2}} = 85$$

Solution

$$\log 7^{\frac{x}{2}} = \log 85$$

$$\frac{x}{2}\log 7 = \log 85$$

$$x\log 7 = 2\log 85$$

$$x = \frac{2\log 85}{\log 7}$$

$$x = 4,566 142$$

$$x = 4,566$$

0,5 point pour avoir utilisé les logarithmes

1 point pour la loi du logarithme d'une puissance

0,5 point pour avoir évalué le quotient des logarithmes

2 points

2 sur 2

Copie type 2

$$log 7^{\frac{1}{2}} = log 85$$

$$(\frac{2}{2}) log 7 = log 85$$

$$\times log 7 - 2 log 7 = log 85$$

$$\times log 7 = log 85 + 2 log 7$$

$$\times = log 85 + 2 log 7$$

$$log 7$$

$$= log 85 + 2 log 7$$

$$log 7$$

1 sur 2

tous les points ont été alloués

– 1 point pour l'erreur de concept à la ligne 3

Question 3 T5

Résous, algébriquement, dans l'intervalle $\left[\,0,2\pi\right[$.

$$\sin x (\sec x + 3) = 0$$

Solution

 $\sin x = 0 \qquad \sec x = -3$

0,5 point pour avoir isolé $\sin x$

0,5 point pour avoir isolé $\sec x$

 $\cos x = -\frac{1}{3}$

1 point pour l'inverse

 $x_r = 1,230 959$

 $x = 0, \pi$ x = 1,911; 4,373

2 points pour les valeurs de *x* (1 point pour chaque branche)

4 points

3,5 sur 4

tous les points ont été alloués

- 0,5 point pour l'erreur de procédure à la ligne 4

E3 (variable introduite sans être définie à la ligne 4)

E8 (réponse à l'extérieur du domaine donné)

$$\sin x \left(\frac{1}{\cos x} + 3 \right) = 0$$

$$\sin x = 0$$

$$\cos x + 3 = 0$$

$$\cos x = -3$$

$$x = 0$$

$$pas de solution$$

3 sur 4

- + 1 point pour l'inverse
- +0.5 point pour avoir isolé $\sin x$
- + 0,5 point pour la valeur de x
- + 1 point pour pas de solution (conséquent avec l'erreur)

Copie type 3

$$\sin x \left(\frac{1}{\sin x} + 3\right) = 0$$

 $\sin x = 0$ $\sin x = -\frac{1}{3}$
 $0, 17, 27$ $x_R = 0, 3398$
 $x = 3,481$
 $x = 5,943$

3 sur 4

tous les points ont été alloués

– 1 point pour l'erreur de concept à la ligne 1
E7 (erreur de notation à la ligne 3)

Cette page a été laissée blanche intentionnellement.

Question 4 R10

Brahim investit 2500 \$ à un taux d'intérêt annuel de 6,75 % composé mensuellement. Détermine, algébriquement, combien d'années seront nécessaires pour que son investissement atteigne 10 500 \$.

Utilise la formule :

$$VF = C\left(1 + \frac{i}{n}\right)^{nt}$$

VF = la valeur de l'investissement après t années où

C =le capital initial

i = le taux d'intérêt annuel (sous forme décimale)

n =le nombre de périodes de composition par année

t =la durée en années de l'investissement

Solution

10 500 =
$$2500 \left(1 + \frac{0,0675}{12}\right)^{12t}$$
 0,5 point pour la substitution

$$4,2 = (1,005 625)^{12t}$$

0,5 point pour la simplification

 $\log 4.2 = 12t \log 1.005 625$

0,5 point pour avoir utilisé les logarithmes 1 point pour la loi du logarithme d'une puissance

$$\frac{\log 4.2}{12 \log 1,005 \ 625} = t$$

$$21,320 \ 250 = t$$

$$21,320 \text{ années} = t$$

0,5 point pour avoir évalué le quotient des logarithmes

3 points

VF= 10 500

$$C = 2500$$
 $i = 6.75$
 $O = 12$
 $V = 10 500 = 2500 (1 + \frac{(6.75)}{(12)})^{(12)}$
 $V = 10 500 = 2500 (1 + \frac{(6.75)}{(12)})^{(12)}$
 $V = 10 500 = 2500 (1 + \frac{(6.75)}{(12)})^{(12)}$
 $V = 10 500 = 2500 (1 + \frac{(6.75)}{(12)})^{(12)}$
 $V = 10 500 = 2500 (1 + \frac{(6.75)}{(12)})^{(12)}$
 $V = 10 500 = 2500 (1 + \frac{(6.75)}{(12)})^{(12)}$
 $V = 10 500 = 2500 (1 + \frac{(6.75)}{(12)})^{(12)}$
 $V = 10 500 = 2500 (1 + \frac{(6.75)}{(12)})^{(12)}$
 $V = 10 500 = 2500 (1 + \frac{(6.75)}{(12)})^{(12)}$
 $V = 10 500 = 2500 (1 + \frac{(6.75)}{(12)})^{(12)}$
 $V = 10 500 = 2500 (1 + \frac{(6.75)}{(12)})^{(12)}$
 $V = 10 500 = 2500 (1 + \frac{(6.75)}{(12)})^{(12)}$
 $V = 10 500 = 2500 (1 + \frac{(6.75)}{(12)})^{(12)}$
 $V = 10 500 = 2500 (1 + \frac{(6.75)}{(12)})^{(12)}$
 $V = 10 500 = 2500 (1 + \frac{(6.75)}{(12)})^{(12)}$
 $V = 10 500 = 2500 (1 + \frac{(6.75)}{(12)})^{(12)}$
 $V = 10 500 = 2500 (1 + \frac{(6.75)}{(12)})^{(12)}$
 $V = 10 500 = 2500 (1 + \frac{(6.75)}{(12)})^{(12)}$
 $V = 10 500 = 2500 (1 + \frac{(6.75)}{(12)})^{(12)}$
 $V = 10 500 = 2500 (1 + \frac{(6.75)}{(12)})^{(12)}$
 $V = 10 500 = 2500 (1 + \frac{(6.75)}{(12)})^{(12)}$
 $V = 10 500 = 2500 (1 + \frac{(6.75)}{(12)})^{(12)}$
 $V = 10 500 = 2500 (1 + \frac{(6.75)}{(12)})^{(12)}$
 $V = 10 500 = 2500 (1 + \frac{(6.75)}{(12)})^{(12)}$
 $V = 10 500 = 2500 (1 + \frac{(6.75)}{(12)})^{(12)}$
 $V = 10 500 = 2500 (1 + \frac{(6.75)}{(12)})^{(12)}$
 $V = 10 500 = 2500 (1 + \frac{(6.75)}{(12)})^{(12)}$
 $V = 10 500 = 2500 (1 + \frac{(6.75)}{(12)})^{(12)}$
 $V = 10 500 = 2500 (1 + \frac{(6.75)}{(12)})^{(12)}$
 $V = 10 500 = 2500 (1 + \frac{(6.75)}{(12)})^{(12)}$
 $V = 10 500 = 2500 (1 + \frac{(6.75)}{(12)})^{(12)}$
 $V = 10 500 = 2500 (1 + \frac{(6.75)}{(12)})^{(12)}$
 $V = 10 500 = 2500 (1 + \frac{(6.75)}{(12)})^{(12)}$
 $V = 10 500 = 2500 (1 + \frac{(6.75)}{(12)})^{(12)}$
 $V = 10 500 = 2500 (1 + \frac{(6.75)}{(12)})^{(12)}$
 $V = 10 500 = 2500 (1 + \frac{(6.75)}{(12)}$
 $V = 10 500 = 2500 (1 + \frac{(6.75)}{(12)}$
 $V = 10 500 = 2500 (1 + \frac{(6.75)}{(12)}$
 $V = 10 500 = 2500 (1 + \frac{(6.75)}{(12)})^{(12)}$
 $V = 10 500 = 2500 (1 + \frac{(6.75)}{(12)})^{(12)}$
 $V = 10 500 = 2500 (1 +$

2,5 sur 3

- + 0,5 point pour la simplification
- + 0,5 point pour avoir utilisé les logarithmes
- + 1 point pour la loi du logarithme d'une puissance
- + 0,5 point pour avoir évalué le quotient des logarithmes
- E4 (parenthèses omises mais tenues pour acquis aux lignes 3 et 4)

$$10.500 = 2500 \left(1 + \frac{0.675}{12}\right)^{12} + i = 0.0675$$

$$\frac{10500 = 2500 \left(1.05625\right)^{12} + \frac{10500}{2500}}{2500}$$

$$\frac{11.2 = 1.056.25^{12} + \frac{10.05625}{2500}}{4.2 = 1.928415722}$$

$$\frac{11.2 = 1.928415722}{1.928415722}$$

$$\frac{11.2 = 1.05625}{1.05625}$$

3 sur 3

tous les points ont été alloués E7 (erreur de transcription à la ligne 1) E6 (erreur d'arrondissement dans la réponse finale)

Copie type 3

10,500 = 2500
$$(1+0.0675)^{124}$$

10,500 = 2500 $(1.005625)^{124}$
2500
4,2=1.005625¹²⁴
 $\log 4.2 = \log 1.005625$
 $\log 1.005625$

2,5 sur 3

- + 0,5 point pour la substitution
- + 0,5 point pour la simplification
- + 0,5 point pour avoir utilisé les logarithmes
- + 1 point pour la loi du logarithme d'une puissance
- E7 (erreur de notation aux lignes 2 et 4)

Cette page a été laissée blanche intentionnellement.

Question 5 P3

Il y a 13 adultes et 18 enfants qui peuvent être sélectionnés pour faire un voyage. Détermine le nombre de façons dont on peut sélectionner 4 adultes et 7 enfants si Sandra, une des adultes, doit être choisie.

Solution

$${}_{1}C_{1} \bullet_{12}C_{3} \bullet_{18}C_{7} \qquad \text{1 point pour } {}_{12}C_{3}$$

$$0,5 \text{ point pour } {}_{18}C_{7}$$

$$7 \text{ 001 280} \qquad \qquad 0,5 \text{ point pour le produit des combinaisons}$$

$$\mathbf{2 \text{ points}}$$

Remarque:

• Il n'est pas nécessaire d'indiquer ${}_{1}C_{1}$.

1 sur 2

- + 0,5 point pour $_{18}C_7$
- + 0,5 point pour le produit des combinaisons

Copie type 2

1,5 sur 2

- + 1 point pour $_{12}C_3$
- +0.5 point pour $_{18}C_7$

Copie type 3

$$\frac{1}{\text{Scrieta}} \cdot \frac{12}{12} \cdot \frac{11}{10} \cdot \frac{10}{10} \times \frac{18}{10} \cdot \frac{15}{10} \cdot \frac{14}{13} \cdot \frac{12}{12} =$$

$$= 2.117 \times 10^{11} \text{ farons}$$

1 sur 2

tous les points ont été alloués

− 1 point pour l'erreur de concept (avoir utilisé des permutations au lieu de combinaisons)

Question 6 P4

Dans le développement du binôme $\left(\frac{2}{x^2} - x^3\right)^9$, détermine et simplifie le 6e terme.

Solution

$$t_6 = {}_9C_5 \left(\frac{2}{x^2}\right)^4 \left(-x^3\right)^5 \quad \text{2 points (1 point pour } {}_9C_5; \text{ 0,5 point pour chaque facteur conséquent)}$$

$$t_6 = 126 \left(\frac{16}{x^8}\right) \left(-x^{15}\right)$$

$$t_6 = -2016x^7 \qquad \text{1 point pour la simplification}$$

$$(0,5 \text{ point pour le coefficient; 0,5 point pour l'exposant)}$$

3 points

$$t_{K+1} = nC_K x^{n-k} y^k$$

$$t_{S+1} = (qC_S) \left(\frac{2}{X^2}\right)^{q-5} (-y^3)^S$$

$$t_G = (126) \left(\frac{16}{X^4}\right) (-X^{13})$$

$$t_G = \frac{-2016 x^{15}}{X^4}$$

$$t_G = -2016 x^{15}$$

2,5 sur 3

- + 1 point pour ${}_{9}C_{5}$
- + 1 point pour les facteurs conséquents
- + 0,5 point pour la simplification du coefficient

Copie type 2

$$t_{6} = t_{k+1}$$

$$k = 5$$

$$t_{6} = 9 \cdot (\frac{2}{x^{2}})^{3} \cdot (-x^{3})^{6}$$

$$t_{6} = \frac{9!}{3!6!} \cdot \frac{8}{x^{6}} \cdot -x^{18}$$

$$t_{6} = \frac{9 \cdot 8 \cdot 7 \cdot 6!}{3! \cdot 6!} \cdot \frac{-8x^{18}}{x^{6}}$$

$$t_{6} = 84 \cdot -8x^{13}$$

$$t_{6} = -672x^{12}$$

1,5 sur 3

- + 1 point pour les facteurs conséquents
- + 0,5 point pour la simplification de l'exposant

Question 7 R1

Soit
$$f(x) = \{(-1, 0), (0, 2), (1, -3), (2, 4)\}$$
, évalue $f(f(0))$.

Solution

$$f(f(0))$$
 $f(2)$
0,5 point pour $f(0) = 2$
0,5 point pour $f(f(0))$
1 point

$$f(0) = -1$$

 $f(-1) = 0$

0,5 sur 1

+ 0,5 point pour f(f(0)) (conséquent avec l'erreur)

Copie type 2

0,5 sur 1

+ 0,5 point pour
$$f(0) = 2$$

Question 8 T2

Le point $\left(-\frac{5}{6}, b\right)$ est sur le cercle unitaire et se trouve dans le troisième quadrant.

Détermine la valeur exacte de b.

Solution

$$\left(-\frac{5}{6}\right)^2 + b^2 = 1$$

$$b^2 = 1 - \frac{25}{36}$$

$$b^2 = \frac{11}{36}$$

$$b = \pm \frac{\sqrt{11}}{6}$$

$$b = -\frac{\sqrt{11}}{6}$$
0,5 point pour la valeur exact

0,5 point pour la valeur exacte de b

1 point

$$X^{2} + U_{1}^{2} = \Gamma^{2}$$

$$Y^{2} + V_{2}^{2} = \Gamma^{2}$$

$$Y^{2} = 7^{2} - X^{2}$$

$$Y^{2} = 3b - 25$$

$$Y^{2} = 11$$

$$Y = + \sqrt{11}$$

$$P(\theta) = \left(-\frac{5}{6}, -\sqrt{11}\right)$$

1 sur 1

Copie type 2

$$\int_{1}^{2} = (-\frac{5}{6})^{2} + b^{2}$$

$$\int_{1}^{2} = (-\frac{5}{6})^{2} + b^{2}$$

$$\int_{36}^{2} = b^{2}$$

$$\int_{36}^{1} = 5$$

$$\int_{6}^{3} = b$$

0,5 sur 1

+ 0,5 point pour la substitution

1 sur 1

tous les point ont été alloués El (réponse finale n'est pas donnée)

Copie type 4

$$\left(\frac{-5}{6} \right)^{2} + b^{2} = 1$$

$$-\frac{25}{36} + b^{2} = 1$$

$$b^{2} = 1 + 25$$

$$b^{2} = \sqrt{61}$$

$$b^{2} = \sqrt{61}$$

0,5 sur 1

tous les point ont été alloués

- 0,5 point pour l'erreur d'arithmétique à la ligne 2

E1 (la solution impossible n'est pas rejetée à l'étape de la réponse)

Cette page a été laissée blanche intentionnellement.

Question 9 P4

Soit la rangée du triangle de Pascal suivante, détermine les valeurs de la prochaine rangée.

1 6 15 20 15 6 1

Solution

1 7 21 35 35 21 7 1

1 point

7 21 35 35 21 7

0 sur 1

Copie type 2

17 21 35 21 71

0 sur 1

Question 10 R3, R5

On applique les transformations ci-dessous à f(x), donnant une nouvelle fonction, g(x).

- une réflexion par rapport à l'axe des x
- un étirement vertical par un facteur de 3
- un étirement horizontal par un facteur de 4

Exprime l'équation de g(x) en fonction de f(x).

Solution

$$g(x) = -3f\left(\frac{1}{4}x\right)$$

1 point pour la réflexion verticale 1 point pour l'étirement vertical 1 point pour l'étirement horizontal

3 points

$$g(x) =$$
 $3 - f(4x)$

1 sur 3

+ 1 point pour la réflexion verticale

Copie type 2

$$g(x) = \frac{3g(-\frac{1}{4}x)}{}$$

1,5 sur 3

- + 1 point pour l'étirement vertical
- + 1 point pour l'étirement horizontal
- -0.5 point pour l'erreur de procédure (g au lieu de f)

Copie type 3

$$f(x) = a(b(x-h)) + k$$

$$a = -3$$

$$b = \frac{1}{4}$$

$$g(x) = \frac{-3(\frac{1}{4}(x))}{}$$

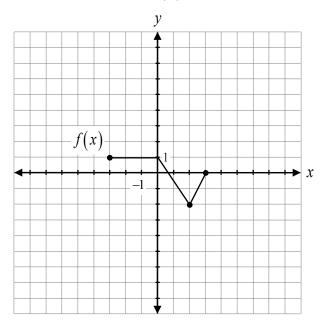
2 sur 3

tous les points ont été alloués

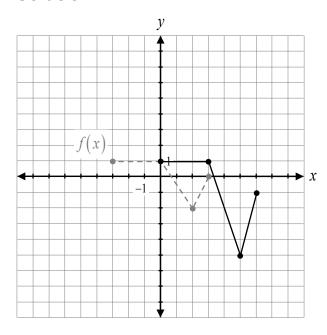
− 1 point pour l'erreur de concept (f omis)

Question 11 R4

Soit le graphique de f(x), trace le graphique de y+1=2f(x-3).

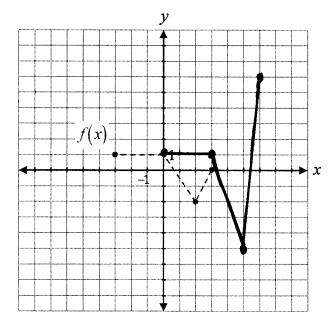


Solution



- 1 point pour l'étirement vertical 1 point pour la translation horizontale
- 1 point pour la translation verticale

3 points

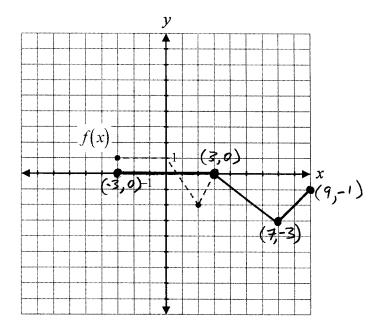


2,5 sur 3

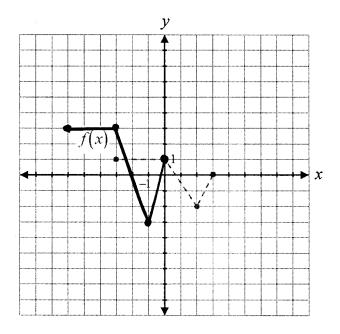
tous les points ont été alloués

− 0,5 point pour l'erreur de procédure (un point incorrect)

Copie type 2



- + 1 point pour la translation horizontale
- + 1 point pour la translation verticale



1 sur 3

+ 1 point pour l'étirement vertical

Cette page a été laissée blanche intentionnellement.

Question 12 R14

Exprime l'équation de l'asymptote horizontale de $f(x) = \frac{2x^2 - 3x + 5}{4x^2 + 2x - 7}$.

Solution

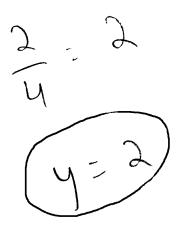
$$y = \frac{1}{2}$$

A.H.
$$=\frac{4}{2}$$

0,5 sur 1

tous les points ont été alloués – 0,5 point pour l'erreur de procédure

Copie type 2



0,5 sur 1

tous les points ont été alloués - 0,5 point pour l'erreur d'arithmétique

Copie type 3

0 sur 1

Copie type 4

Asymptote Horizontale x= = = =

Question 13 R11

Soit (x+4), l'un des facteurs de $p(x) = x^3 + 6x^2 - 32$, exprime p(x) sous la forme complètement factorisée.

2 points

Solution

0.5 point pour x = -4

1 point pour la division synthétique (ou toute stratégie équivalente)

$$p(x) = (x+4)(x^2 + 2x - 8)$$

$$p(x) = (x+4)(x+4)(x-2)$$
ou

0,5 point pour un produit de facteurs conséquents

 $p(x) = (x+4)^2(x-2)$

$$\chi^2 + 2\pi - 8$$
 $(\chi + 4)(\chi - 2)$

$$p(x) = (\chi^{+4})(\chi^{-2})$$

1,5 sur 2

- + 0,5 point pour x = -4
- + 1 point pour la stratégie équivalente

Copie type 2

$$p(x) = \frac{(x^2 + 2x - 8)(x+4)}{}$$

1,5 sur 2

- +0.5 point pour x = -4
- + 1 point pour la division synthétique

$$-4 \int 1 & 6 & 0 & -32$$

$$1 & -4 & -8 & 32$$

$$1 & 2 & -8 & 0$$

$$(x+4)(x-2) = 0$$

$$(x+4)(x-2) = 0$$

$$x = -4 & x = 2$$

$$p(x) = x = -4 & x = 2$$

1,5 sur 2

- +0.5 point pour x = -4
- + 1 point pour la division synthétique

Copie type 4

$$b(x) = (x_{5} + 9x - 40)(x + 4)$$

$$\frac{1}{1} + \frac{9}{1} - 40$$

$$\frac{1}{1} + \frac{9}{1} - 40$$

$$p(x) = (X^2 + \partial x - HO)(X+4)$$

- + 0,5 point pour x = -4
- + 1 point pour la division synthétique
- -0,5 point pour l'erreur de procédure à la ligne 1

Cette page a été laissée blanche intentionnellement.

Question 14 T6

Prouve l'identité pour toutes les valeurs permises de θ .

$$\frac{2\cos^2\theta}{1-\cot\theta} = \frac{\sin 2\theta}{\tan\theta - 1}$$

Solution

Méthode 1

Membre de gauche	Membre de droite
$\frac{2\cos^2\theta}{1 - \frac{\cos\theta}{\sin\theta}}$	$\frac{2\sin\theta\cos\theta}{\frac{\sin\theta}{\cos\theta} - 1}$
$\frac{2\cos^2\theta}{\sin\theta - \cos\theta}$ $\sin\theta$	$\frac{2\sin\theta\cos\theta}{\sin\theta-\cos\theta}$
$\frac{2\cos^2\theta\sin\theta}{\sin\theta-\cos\theta}$	$\frac{2\sin\theta\cos^2\theta}{\sin\theta-\cos\theta}$

- 1 point pour la bonne substitution des identités
- 1 point pour les stratégies algébriques
- 1 point pour le processus logique lors de la preuve de l'identité

Solution

Méthode 2

Membre de gauche	Membre de droite
$\frac{2\cos^2\theta}{1-\cot\theta}$	$ \frac{2\sin\theta\cos\theta}{\frac{\sin\theta}{\cos\theta}} - 1 $ $ \frac{2\sin\theta\cos\theta}{\frac{\sin\theta-\cos\theta}{\cos\theta}} $ $ \frac{2\sin\theta\cos^2\theta}{\sin\theta-\cos\theta} $ $ \frac{\sin\theta\left(2\cos^2\theta\right)}{\sin\theta\left(1-\frac{\cos\theta}{\sin\theta}\right)} $ $ \frac{2\cos^2\theta}{1-\cot\theta} $

- 1 point pour la bonne substitution des identités 1 point pour les stratégies algébriques
- 1 point pour le processus logique lors de la preuve de l'identité

Question 14

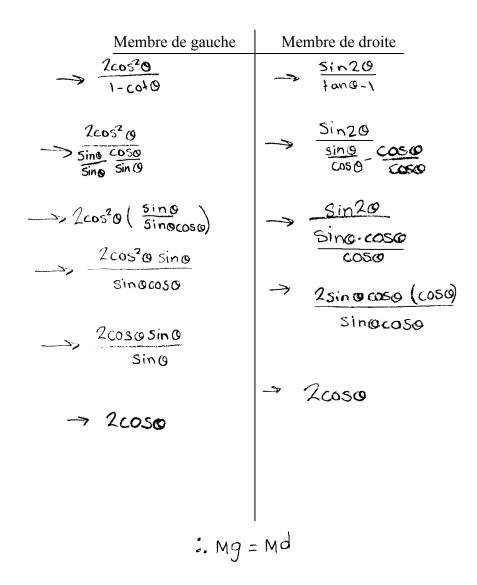
T6

Solution

Méthode 3

Membre de gauche	Membre de droite
$\frac{2\cos^2\theta}{1-\cot\theta}$	$\frac{\sin 2\theta}{\tan \theta - 1}$
$\frac{2\cos^2\theta}{1 - \frac{1}{\tan\theta}}$	
$\frac{2\cos^2\theta}{\tan\theta - 1}$ $\tan\theta$	
$\frac{2\cos^2\theta}{\tan\theta-1}(\tan\theta)$	
$\frac{2\cos^2\theta\left(\frac{\sin\theta}{\cos\theta}\right)}{\tan\theta - 1}$	
$\frac{2\cos\theta\sin\theta}{\tan\theta-1}$	
$\frac{\sin 2\theta}{\tan \theta - 1}$	

1 point pour les stratégies algébriques 1 point pour le processus logique lors de la preuve de l'identité 1 point pour la bonne substitution des identités



- + 1 point pour la bonne substitution des identités
- + 1 point pour le processus logique lors de la preuve de l'identité

Membre de gauche	Membre de droite
2cos20 1-cot0	Sin20 tano-T
Sind coso Sind Sind	25in Ocoso Jan O-1 25in Ocoso Sin Ocoso 25in Ocoso Sin Ocoso Sin Ocoso Coso

- + 1 point pour la bonne substitution des identités + 1 point pour les stratégies algébriques

Cette page a été laissée blanche intentionnellement.

Question 15 P1

Restaurant A a 5 différents hamburgers, 2 différentes frites et 10 différentes boissons. Restaurant B a 4 différents hamburgers, 5 différentes frites et 6 différentes boissons.

Si un repas complet comprend un hamburger, des frites et une boisson, justifie quel restaurant offre une plus grande variété de repas complets.

Solution

Restaurant A: $5 \cdot 2 \cdot 10 = 100$ repas Restaurant B: $4 \cdot 5 \cdot 6 = 120$ repas

Restaurant B offre une plus grande variété de repas complets.

A (5)(2)(10) = 1000

B (5)(6)(4) - 120

A a 0100 de variéte.

0,5 sur 1

tous les points ont été alloués - 0,5 point pour l'erreur d'arithmétique à la ligne 1

Copie type 2

Restaurant B

Exprime $\log_7 (2x-5) + 2\log_7 3$ sous forme d'un seul logarithme.

Solution

$$\log_7(2x-5) + \log_7 3^2$$

1 point pour la loi du logarithme d'une puissance

$$\log_7(2x-5) + \log_7 9$$

$$\log_7\big(9\big(2x-5\big)\big)$$

1 point pour la loi du logarithme d'un produit

ou

$$\log_7 \left(18x - 45\right)$$

$$\log_{7}(2x-5) + \log_{1}3^{2}$$
 $\log_{7}(2x-5)(9)$
 $\log_{7}(3x-5)(9)$

2 sur 2

tous les points ont été alloués E7 (erreur de notation aux lignes 2 et 3)

Copie type 2

$$\log_7(2x-5) + \log_7 3^2$$

 $\log_7((2x-5)(6))$
 $\log_7(12x-30)$

1,5 sur 2

tous les points ont été alloués - 0,5 point pour l'erreur d'arithmétique à la ligne 2 E7 (erreur de transcription à la ligne 3)

Copie type 3

$$\log_{7} 2 \times -\log_{7} 5 + \log_{7} 9$$
 $\log_{7} \left(\frac{(2 \times)(9)}{5}\right)$

1 sur 2

tous les points ont été alloués
- 1 point pour l'erreur de concept

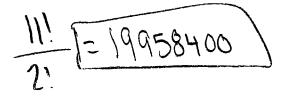
Question 17 P2

Explique pourquoi 11! n'est pas le nombre total d'arrangements de 11 lettres possibles du mot CÉLÉBRATION.

Solution

Le nombre total d'arrangements possibles est la moitié de 11! parce que le changement des deux « E » donne des arrangements doubles.

parce que célébration a 2E ounc il faut considérer cela!



0,5 sur 1

tous les points ont été alloués - 0,5 point pour le manque de clarté dans l'explication

Copie type 2

il 4 o double E

0,5 sur 1

tous les points ont été alloués

- 0,5 point pour le manque de clarté dans l'explication

Copie type 3

parce que la lettre E se répéte on soustrait 2!

Cette page a été laissée blanche intentionnellement.	

Lignes directrices pour la notation des questions de Cahier 2



Clé de correction pour les questions à réponse choisie

Question	Réponse	Résultat d'apprentissage
18	С	R13
19	В	P2
20	D	Т3
21	D	R7
22	С	T4
23	А	R12
24	В	P4
25	А	R2
26	В	R11

Question 18 R13

Soit f(x) = x - 1, identifie un point sur le graphique de $y = \sqrt{f(x)}$.

- a) (0,-1)
- b) (3,2)
- c) (1,0)
- d) (0,1)

Question 19 P2

Identifie le nombre total d'arrangements possibles pour asseoir 6 adultes et 4 enfants dans une rangée si les enfants doivent s'asseoir ensemble.

- a) 6!4!
- b) 7!4!
- c) 10!
- d) 6!

Question 20 T3

Identifie la valeur exacte de $\sec\left(-\frac{7\pi}{3}\right)$.

- a) -2
- b) $-\frac{2}{\sqrt{3}}$
- c) $\frac{2}{\sqrt{3}}$
- d) 2

Question 21 R7

Soit $\log_x \left(\frac{1}{25}\right) = -2$, identifie la valeur de x.

- a) -5
- b) $-\frac{1}{5}$
- c) $\frac{1}{5}$
- d) 5

Question 22 T4

Identifie l'équation pour toutes les asymptotes du graphique de $y = \tan x$.

- a) $x = k\pi$, $k \in \mathbb{Z}$
- b) $x = 2k\pi, k \in \mathbb{Z}$
- c) $x = \frac{\pi}{2} + k\pi, k \in \mathbb{Z}$
- d) $x = \frac{\pi}{2} + 2k\pi, k \in \mathbb{Z}$

Question 23 R12

Si $p(x) = 3(m)(x+1)^2$ est une fonction cubique dont l'ordonnée à l'origine est -12, identifie le facteur manquant, m.

- a) m = x 4
- b) m = x + 4
- c) m = x + 12
- d) m = x 12

Question 24 P4

Identifie le nombre de termes qui sont négatifs dans le développement du binôme $(x-y)^5$.

a) 2



- c) 5
- d) 6

Question 25 R2

Soit $f(x) = x^2$, identifie l'équation qui représente le graphique de y = f(x) après une translation de 5 unités vers la gauche.

a)
$$y = (x+5)^2$$

b)
$$y = (x-5)^2$$

c)
$$y = x^2 - 5$$

d)
$$y = x^2 + 5$$

Question 26 R11

Lorsqu'un polynôme donné, p(x), est divisé par (x-7), le reste est 24. Identifie le seul énoncé qui doit être vrai.

a) x = 7 est un zéro de p(x)

b)
$$p(7) = 24$$

- c) x = 24 est un zéro de p(x)
- d) l'ordonnée à l'origine est 24

Question 27 R14

Soit $f(x) = \frac{(2x+1)(x-8)}{(x-8)(x+4)}$, exprime l'équation/les équations de l'asymptote/des asymptotes verticale(s).

Solution

$$x = -4$$

0 sur 1

Copie type 2

$$f(x) = \underbrace{(2x+1)}_{X+4}$$

0 sur 1

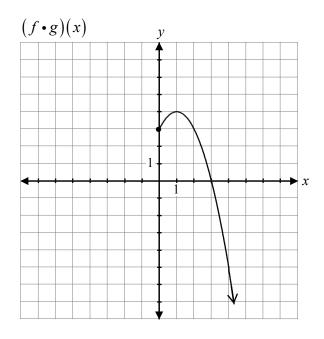
Copie type 3

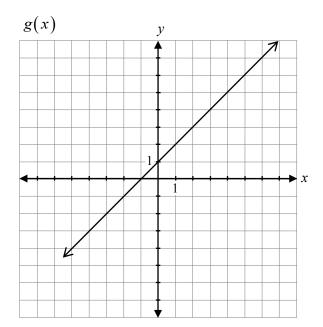
1 sur 1

E7 (erreur de notation)

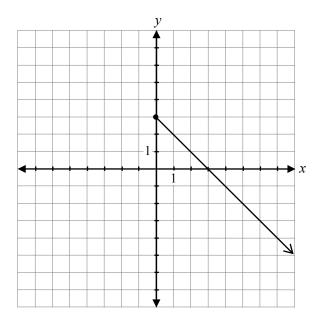
Question 28 R1

Soit les graphiques de $(f \cdot g)(x)$ et g(x), trace le graphique de f(x).

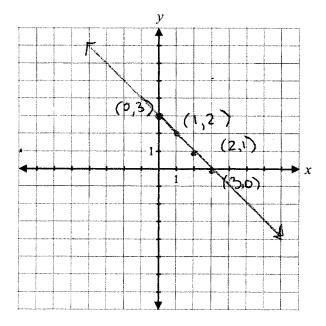




Solution



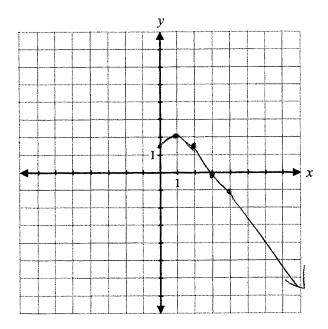
1 point pour l'opération de division 1 point pour le domaine restreint



1 sur 2

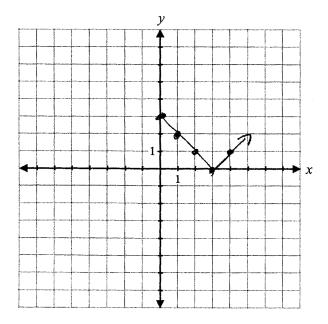
+ 1 point pour l'opération de division

Copie type 2



1 sur 2

+ 1 point pour le domaine restreint



1,5 sur 2

tous les points ont été alloués - 0,5 point pour l'erreur de procédure (un point incorrect)

Cette page a été laissée blanche intentionnellement.	

Question 29 R11

On demande à Brian d'exprimer les zéros du polynôme p(x) = (x+2)(x-5)(x-1).

La réponse de Brian :

Zeros:
$$(x+2)(x-5)(x-1)$$

Explique pourquoi sa réponse est incorrecte.

Solution

Brian a exprimé les facteurs au lieu des zéros.

Les zéros sont (x+2)(x-5)(x-1) après qu'ils Sont isolés:

$$x=5$$
 $x=1$

0 sur 1

Copie type 2

les 0's sont ce qui font la valeur intérieur des parenthèses 0 x=-2, 5, 1 seront correctes.

Question 30 P3

Simplifie $_{n+3}C_2$.

Solution

$$\frac{(n+3)!}{(n+3-2)!2!}$$

0,5 point pour la substitution

$$\frac{(n+3)!}{(n+1)!2!}$$

$$\frac{(n+3)(n+2)(n+1)!}{(n+1)!2}$$

1 point pour le développement des factorielles

$$\frac{(n+3)(n+2)}{2}$$

0,5 point pour la simplification des factorielles

ou

$$\frac{n^2+5n+6}{2}$$

$$\frac{(n+3)!}{(n+3)-2)!2!}$$

$$\frac{(n+3)!}{(n+1)!2}$$

$$\frac{(n+3)!}{(n+1)(n+2)(n+3)!2}$$

$$\frac{(n+1)(n+2)(n+2)2}{(n+1)(n+2)2}$$

1 sur 2

- + 0,5 point pour la substitution
- + 0,5 point pour la simplification des factorielles

Copie type 2

$$\frac{n+3!}{2!(n+3)-2)!}$$

$$\frac{n+3!}{2!(n+1)!}$$

$$\frac{(n+3)(n+2)(n+1)!}{2!(n+1)!}$$

$$\frac{n^2+5n+6}{2!}$$

1,5 sur 2

- + 0,5 point pour la substitution
- + 1 point pour le développement des factorielles
- E4 (parenthèses omises mais tenues pour acquis aux lignes 1 et 2)

$$\frac{(n+3)!}{(n+3-2)!} = 0.2$$

$$\frac{(n+3)!}{(n+1)!} = 0.2$$

$$h = -3 \quad n = -2$$

1,5 sur 2

tous les points ont été alloués

-0.5 point pour l'erreur de procédure (avoir résous pour n)

E1 (la solution impossible n'est pas rejetée à l'étape de la réponse)

Cette page a été laissée blanche intentionnellement.

Question 31 T5

Vérifie que l'équation $2\cos^2 x = \sin x + 1$ est vraie pour $x = \frac{\pi}{6}$.

Solution

Membre de gauche	Membre de droite	_
$2\cos^2\left(\frac{\pi}{6}\right)$	$\sin\left(\frac{\pi}{6}\right) + 1$	0,5 point pour la substitution
$2\left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right)^2$	$\frac{1}{2} + 1$	1 point pour les valeurs exactes (0,5 point pour chaque)
$2\left(\frac{3}{4}\right)$		
$\frac{3}{2}$	$\frac{3}{2}$	0,5 point pour la simplification
		2 points
∴ MG =	= MD	

$$2 \cos^{2} x = \sin x + 1$$

$$2 \cos^{2} x = \sin x + 1$$

$$2 \cos^{2} x - 1 = \sin x$$

$$2 \cos^{2} x - 1 = \sin x$$

$$\cos 2x = \sin x$$

$$\cos 2(\pi) = \sin \pi$$

$$\cos \pi = \sin \pi$$

$$\cos \pi = \sin \pi$$

$$\cos \pi = \sin \pi$$

2 sur 2

Copie type 2

$$2\cos^{2} x = \sin x + 1 \text{ n'est}$$

$$2\cos^{2} x = \sin x + 1 \text{ pas vrai pour } x = \frac{\pi}{6}$$

$$2\cos^{2} (\frac{\pi}{6}) = \sin(\frac{\pi}{6}) + 1$$

$$2(\frac{\pi}{3}/2)^{2} = (\frac{\pi}{2}) + 1$$

$$2(\frac{\pi}{3}/4) = \frac{\pi}{3}/2$$

$$6/8 \neq \frac{\pi}{3}/2$$

1,5 sur 2

tous les points ont été alloués

- 0,5 point pour l'erreur d'arithmétique à la ligne 5

$$2\cos^{2}x = \sin x + 1$$

$$2\cos^{2}x - \sin x - 1 = 0$$

$$2(1 - \sin^{2}x) - \sin x - 1 = 0$$

$$2 - 2\sin^{2}x - \sin x + 1 = 0$$

$$- 2\sin^{2}x - \sin x + 1 = 0$$

$$- 2\sin^{2}x + \sin x - 1 = 0$$

$$(2\sin x - 1)(\sin x + 1) = 0$$

$$2\sin x - 1 = 0$$

$$\sin x = \frac{1}{2}$$

$$x = \frac{\pi}{6}$$

$$\sin x = \frac{1}{2}$$

$$\sin x = \frac{1}{2}$$

$$\cos x = \frac{1}{$$

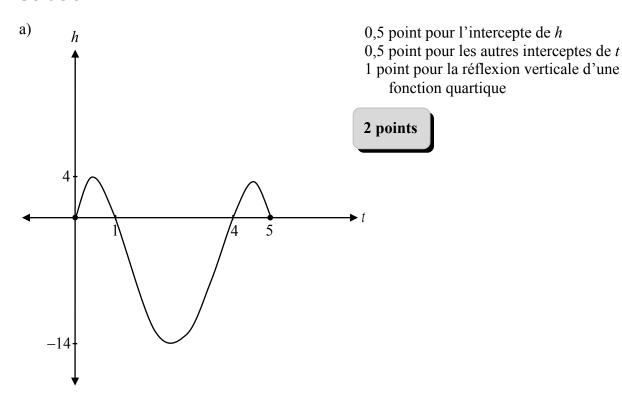
Cette page a été laissée blanche intentionnellement.

Question 32 R12

La hauteur d'un poisson qui saute hors de l'eau peut être modélisée par la fonction h(t) = -t(t-1)(t-4)(t-5) où h(t) est la hauteur du poisson au-dessus ou en-dessous de l'eau en cm et t est le temps en secondes, $t \ge 0$.

- a) Trace un graphique représentant la trajectoire du poisson en fonction du temps dans l'intervalle [0,5].
- b) Exprime, à partir du graphique en a), le nombre total de secondes que le poisson demeure au-dessus de l'eau.

Solution



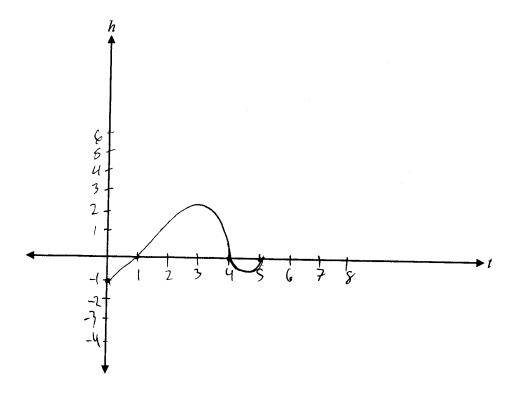
b) 2 secondes 1 point pour le temps conséquent avec le graphique en a)



Remarque:

L'échelle sur l'axe des h n'est pas requise.

a)



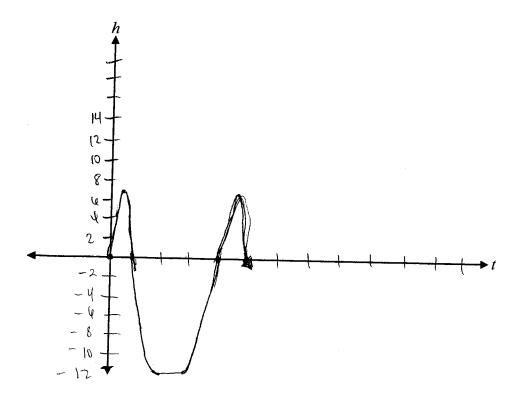
0,5 sur 2

+ 0,5 point pour les autres interceptes de t

b)

2 secondes

a)



2 sur 2

tous les points ont été alloués E9 (échelle absente sur l'axe des *t*) E8 (réponse à l'extérieur du domaine donné)

b)

2 secondes.

Cette page a été laissée blanche intentionnellement.

Question 33 R9

Décris le comportement du graphique de $y = 5^x + 4$ à mesure qu'il se rapproche de y = 4.

Solution

Il y a une asymptote horizontale à y = 4, alors, le graphique se rapproche de y = 4 sans jamais la toucher.

- le graphique ne passe pas à trovers y=4 parce que c'est une asymptote

1 sur 1

Copie type 2

La valeur de y s'approchera de 4 mais m'atteindra pas 4. Elle sera de plus er plus petite mais elle m'atteindra Jamais O.

0,5 sur 1

tous les points ont été alloués

- 0,5 point pour le manque de clarté dans la description

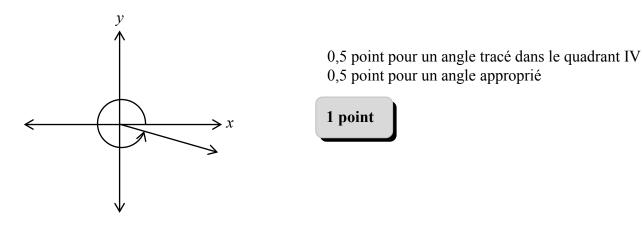
Copie type 3

Quand ça approche y = 4 le graphique sera très proche de l'assymptote vertical là-bas et à mesure que ça rapprochera les raleurs de 2 augmenter at rapidement.

Question 34 T1

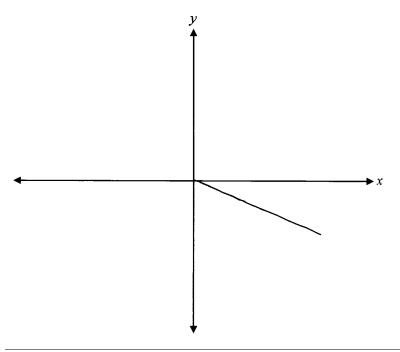
Trace l'angle de 6 radians en position standard.

Solution



Remarque:

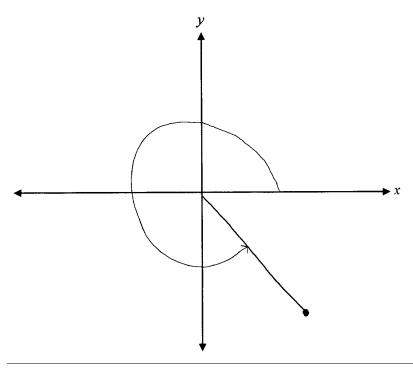
• Si la flèche de direction n'est pas incluse, déduire une erreur E1 (réponse finale n'est pas donnée).



1 sur 1

tous les points ont été alloués E1 (la réponse finale n'est pas donnée)

Copie type 2



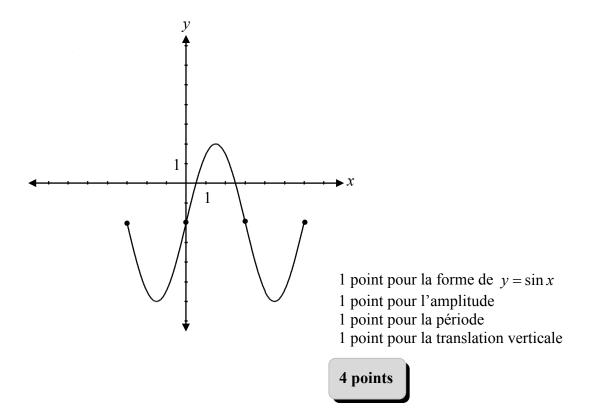
0,5 sur 1

+ 0,5 point pour un angle tracé dans le quadrant IV

Question 35 T4

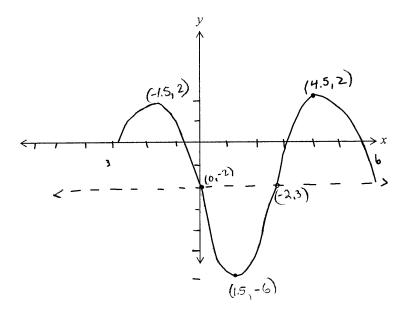
Trace le graphique de la fonction $y = 4\sin\left(\frac{\pi}{3}x\right) - 2$ sur le domaine [-3, 6].

Solution



Remarque:

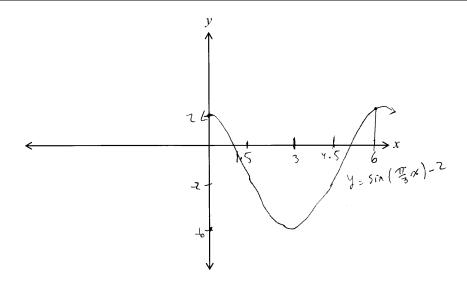
- Déduit 0,5 point pour l'erreur de procédure pour ne pas avoir complété le domaine de [-3,6].
- Si le point n'est pas donné pour la période, ne pas déduire une erreur E9 (échelle absente sur l'axe des x).



2,5 sur 4

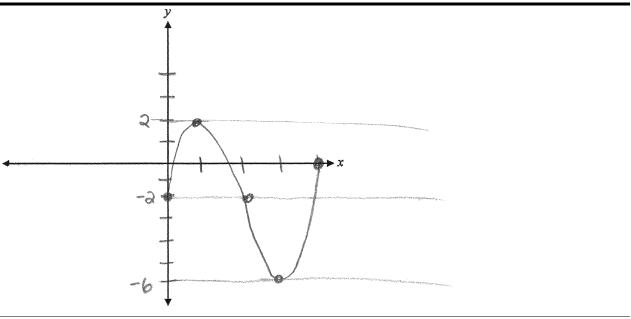
- + 1 point pour l'amplitude
- + 1 point pour la période
- + 1 point pour la translation verticale
- -0.5 point pour l'erreur de procédure (ne pas avoir complété le domaine de [-3,6])

Copie type 2



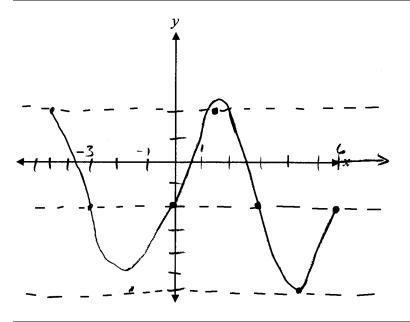
2,5 sur 4

- + 1 point pour l'amplitude
- + 1 point pour la période
- + 1 point pour la translation verticale
- 0,5 point pour l'erreur de procédure (ne pas avoir complété le domaine de [-3,6])



- + 1 point pour la forme de $y = \sin x$
- + 1 point pour l'amplitude

- + 1 point pour l'ampritude + 1 point pour la translation verticale 0,5 point pour l'erreur de procédure (un point incorrect) 0,5 point pour l'erreur de procédure (ne pas avoir complété le domaine de [-3,6])



- + 1 point pour l'amplitude + 1 point pour la période
- + 1 point pour la translation verticale
- E8 (réponse à l'extérieur du domaine donné)
- E9 (échelle absente sur l'axe des y)

Soit f(x) = 3x - 12 et g(x) = x - 4,

- a) détermine l'équation de $h(x) = \left(\frac{f}{g}\right)(x)$.
- b) décris ce que la valeur non permise représente sur le graphique de h(x).

Solution

a)
$$h(x) = \frac{3x - 12}{x - 4}$$

1 point pour la division de $\left(\frac{f}{g}\right)(x)$

$$h(x) = \frac{3(x-4)}{(x-4)}$$

$$h(x) = 3, x \neq 4$$

b) La valeur non permise est un point de discontinuité (trou).

1 point

a)
$$M(x) = \frac{3x - 12}{x - 4}$$

 $M(x) = \frac{3(x - 4)}{x - 4}$
 $M(x) = 3$

1 sur 1

b)

0,5 sur 1

tous les points ont été alloués

- 0,5 point pour le manque de clarté dans la description

Copie type 2

$$F(x) = \frac{x-19}{3x-19}$$

1 sur 1

Détermine une équation d'une fonction racine, f(x), dont le domaine est $x \ge 5$ et l'image est $y \ge -2$.

Solution

$$f(x) = \sqrt{x-5} - 2$$

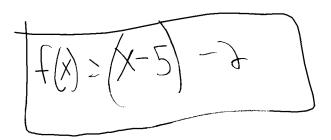
1 point pour la translation horizontale

1 point pour la translation verticale

2 points

Remarque:

• D'autres équations sont possibles.

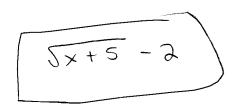


1 sur 2

tous les points ont été alloués

-1 point pour l'erreur de concept (ne pas avoir écrit f(x) comme une fonction racine)

Copie type 2



$$f(x) =$$

- + 1 point pour la translation verticale
- E2 (équation transformée en une expression)

Question 38 T6

Détermine la valeur exacte de $\cos\left(\frac{17\pi}{12}\right)$.

Solution

$$\cos\left(\frac{17\pi}{12}\right) = \cos\left(\frac{3\pi}{4} + \frac{2\pi}{3}\right)$$
$$= \cos\frac{3\pi}{4}\cos\frac{2\pi}{3} - \sin\frac{3\pi}{4}\sin\frac{2\pi}{3}$$

1 point pour la substitution dans la bonne identité

$$= \left(-\frac{\sqrt{2}}{2}\right)\left(-\frac{1}{2}\right) - \left(\frac{\sqrt{2}}{2}\right)\left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right)$$
$$= \frac{\sqrt{2}}{4} - \frac{\sqrt{6}}{4}$$
$$= \frac{\sqrt{2} - \sqrt{6}}{4}$$

2 points pour les valeurs exactes (0,5 point pour chacune)

3 points

Remarque:

- D'autres combinaisons sont possibles.
- Déduire un maximum de 0,5 point pour les erreurs d'arithmétique dans la simplification.

$$(05) (87) + 97)$$
 $(05) (25) - (5) (25)$
 $(5) (25) - (5) (25)$
 $(5) (25) - (5) (25)$
 $(5) (25) - (5) (25)$
 $(5) (25) - (5) (25)$

- + 1 point pour la substitution dans la bonne identité
- + 0,5 point pour la valeur de $\sin \frac{3\pi}{4}$
- -0.5 point pour l'erreur d'arithmétique à la ligne 5

$$\frac{8\pi}{12} + \frac{9\pi}{12} = \frac{17\pi}{12}$$

$$\frac{2\pi}{3} + \frac{3\pi}{4}$$

$$\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + \cos\left(\frac{3\pi}{4}\right) = \frac{2\pi}{3}$$

$$= -\frac{1}{2}(5\pi) - \frac{1}{12}(2)$$

$$= \frac{-\sqrt{2}}{3\sqrt{2}} + \frac{-2}{3\sqrt{2}}$$

$$= \frac{-2}{3\sqrt{2}} - \frac{1}{2\sqrt{2}}$$

1 sur 3

+ 1 point pour les valeurs de $\cos \frac{2\pi}{3}$ et $\cos \frac{3\pi}{4}$

$$\cos \frac{17\pi}{12} = \cos \frac{3\pi}{4} \cos \frac{3\pi}{3} - \sin \frac{3\pi}{4} \sin \frac{3\pi}{3}$$

$$\cos \left(-\frac{1}{2}\right) \cos \left(-\frac{1}{2}\right) - \sin \left(\frac{\sqrt{2}}{2}\right) \sin \left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right)$$

$$\left(\frac{\sqrt{2}}{2}\right) \left(-\frac{1}{2}\right) - \left(\frac{\sqrt{2}}{2}\right) \left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right)$$

2,5 sur 3

tous les points ont été alloués

- 0,5 point pour l'erreur de procédure à la ligne 2

E2 (équation transformée en une expression aux lignes 2 et 3)

E1 (réponse finale n'est pas donnée)

Copie type 4

2 sur 3

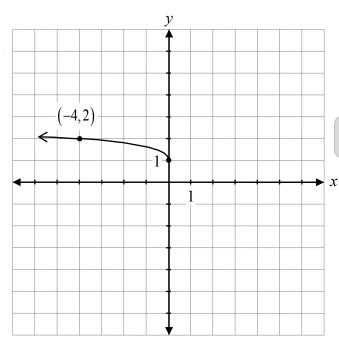
tous les points ont été alloués

- 1 point pour l'erreur de concept à la ligne 2

Question 39 R13

Trace le graphique de $y = \frac{1}{2}\sqrt{-x} + 1$.

Solution

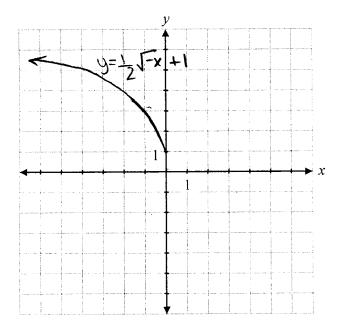


1 point pour la forme d'une fonction racine 1 point pour la compression verticale

1 point pour la réflexion horizontale

1 point pour la translation verticale

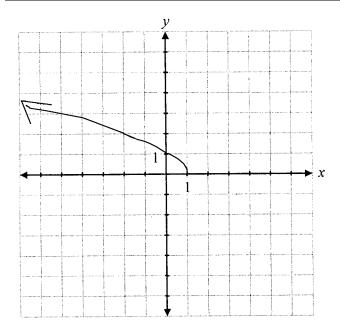
4 points



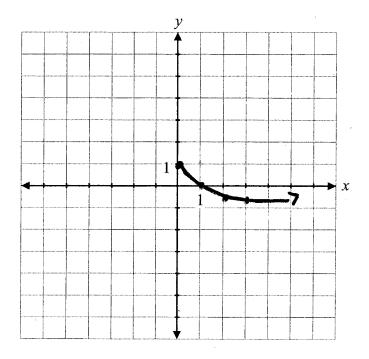
3 sur 4

- + 1 point pour la forme d'une fonction racine
- + 1 point pour la réflexion horizontale + 1 point pour la translation verticale

Copie type 2



- + 1 point pour la forme d'une fonction racine
- + 1 point pour la réflexion horizontale



- + 1 point pour la forme d'une fonction racine + 1 point pour la translation verticale

Cette page a été laissée blanche intentionnellement.

Question 40 R6

Soit $f(x) = \frac{3x}{4} + 9$, détermine l'équation de $f^{-1}(x)$.

Solution

Soit
$$y = f(x)$$

$$y = \frac{3x}{4} + 9$$

$$x = \frac{3y}{4} + 9$$
1 point pour avoir échangé les valeurs de x et y

$$4x = 3y + 36$$

$$3y = 4x - 36$$

$$y = \frac{4}{3}x - 12$$
0,5 point pour avoir isolé y

$$f^{-1}(x) = \frac{4x}{3} - 12$$
0,5 point pour avoir écrit l'équation de $f^{-1}(x)$

$$f(x) = \frac{3x}{4} + 9$$

$$y = \frac{3x}{4} + 9$$

$$x = \frac{3y}{4} + 9$$

$$4x = \frac{3y}{3} + 9$$

$$4x - 9 = \frac{3y}{3}$$

$$4x - 9 = f^{-1}(x)$$

$$4x - 9 = f^{-1}(x)$$

1,5 sur 2

tous les points ont été alloués

-0.5 point pour l'erreur d'arithmétique à la ligne 4

Copie type 2

$$f(x) = y$$

$$y = \frac{3x}{4} + 9$$

$$x = \frac{3y}{4} + 9$$

$$x - 9 = \frac{3y}{4}$$

$$4x - 36 = 3y$$

$$\frac{4x - 36}{3} = y$$

1,5 sur 2

- + 1 point pour avoir échangé les valeurs de x et y
- + 0,5 point pour avoir isolé y

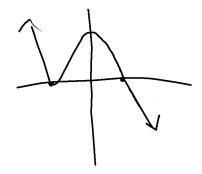
Question 41 R12

Décris le comportement à l'infini de la fonction polynomiale $p(x) = -(x-2)(x+3)^2$.

Solution

Le graphique s'étend vers le haut quand la valeur de *x* tend vers moins l'infini et s'étend vers le bas quand la valeur de *x* tend vers plus l'infini.

1 point



le graphique finira dans quadrant 4.

0 sur 1

Copie type 2

Les deux extrémités vont de manière séparée.

0 sur 1

Copie type 3

commence dans quadrant 2 et va au quadrant 4.

1 sur 1

Copie type 4

Une extrémité monte et l'autre descend.

0,5 sur 1

tous les points ont été alloués

- 0,5 point pour le manque de clarté dans la description

Question 42 T3

Soit $\csc \theta = -4$ où θ se trouve dans le quadrant IV,

- a) détermine la valeur exacte de $\cos \theta$.
- b) détermine la valeur exacte de $\cot \theta$.

Solution

a) $\sin \theta = -\frac{1}{4}$ 1 point pour l'inverse

$$1^{2} - \left(-\frac{1}{4}\right)^{2} = \cos^{2}\theta$$

$$\frac{15}{16} = \cos^{2}\theta$$

$$\pm \frac{\sqrt{15}}{4} = \cos\theta$$

 $\cos\theta = \frac{\sqrt{15}}{4}$

1 point pour $\cos \theta$ (0,5 point pour le quadrant; 0,5 point pour la valeur)

2 points

b)
$$\cot \theta = \frac{\frac{\sqrt{15}}{4}}{-\frac{1}{4}}$$
$$= -\sqrt{15}$$

1 point pour $\cot \theta$ conséquent avec la réponse en a) (0,5 point pour le quadrant; 0,5 point pour la valeur)

1 point

a)

$$(SC\theta = -4)$$

$$\frac{1}{Sin\theta} = -4$$

$$Sin\theta = \frac{1}{4}$$

$$\chi = \sqrt{4^2 - (1)^2}$$

$$\chi = \sqrt{4 - 1}$$

$$\chi = \sqrt{4}$$

$$\chi = \sqrt{4}$$

$$(6) \theta = \sqrt{3}$$

1,5 sur 2

tous les points ont été alloués

- 0,5 point pour l'erreur d'arithmétique à la ligne 5

b)
$$\begin{array}{ll}
(ot \theta = \frac{\cos \theta}{\sin \theta}) \\
(ot \theta = \frac{\sqrt{3}}{4} \div \frac{1}{4} \\
(ot \theta = \frac{\sqrt{3}}{4}) \times \frac{1}{4}
\end{array}$$

$$\begin{array}{ll}
(ot \theta = \frac{\sqrt{3}}{4}) \times \frac{1}{4} \\
(ot \theta = -\sqrt{3})
\end{array}$$

1 sur 1

réponse conséquente avec la réponse en a)

a)
$$\frac{1}{\sin \theta} = -4 \quad \sin \theta = \frac{1}{-4}$$

$$1^{2} + 2^{2} = [-4]^{2}$$

$$1 + 2^{2} = 16$$

$$\sqrt{2} = 16$$

$$2 = 15$$

1,5 sur 2

+ 1 point pour l'inverse

+0.5 point pour la valeur de $\cos \theta$

E7 (erreur de transcription à la ligne 6)

E1 (la solution impossible n'est pas rejetée à l'étape de la réponse)

b)

$$\cot \Theta = \left(\frac{15}{-4}\right) \left(\frac{-4}{1}\right)$$

1 sur 1

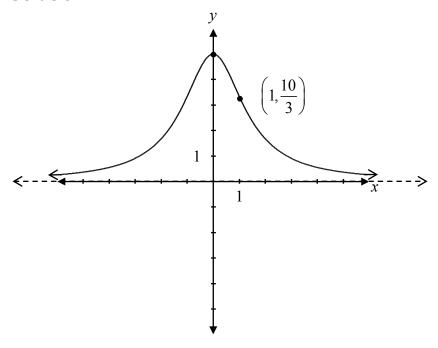
réponse conséquente avec la réponse en a)

Cette page a été laissée blanche intentionnellement.

Question 43 R14

Trace le graphique de la fonction $f(x) = \frac{10}{x^2 + 2}$.

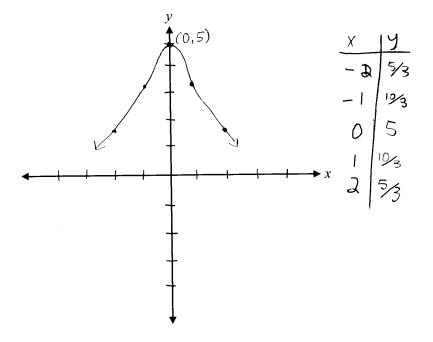
Solution



1 point pour le comportement asymptotique qui s'approche de y = 0

1 point pour la forme (0,5 point pour le graphique à la gauche de l'axe des y; 0,5 point pour le graphique à la droite de l'axe des y)

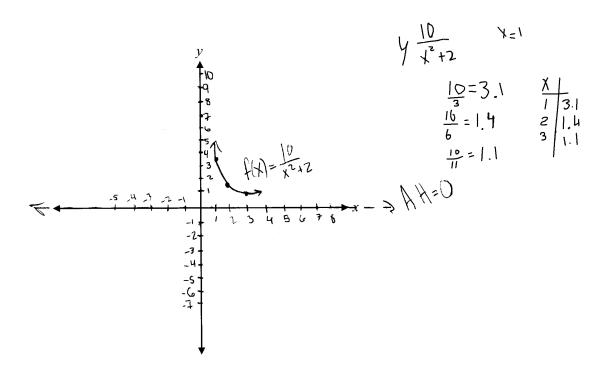
2 points



1 sur 2

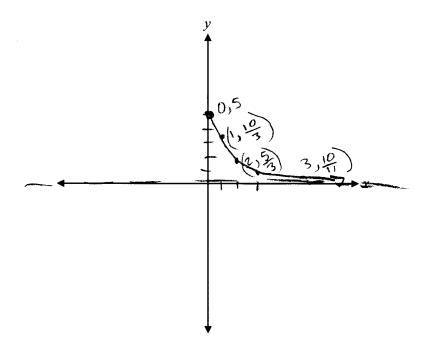
+ 1 point pour la forme

Copie type 2



1 sur 2

+ 1 point pour le comportement asymptotique qui s'approche de y = 0



1,5 sur 2

- + 1 point pour le comportement asymptotique qui s'approche de y = 0
- + 0,5 point pour le graphique à la droite de l'axe des y

Cette page a été laissée blanche intentionnellement.	

Question 44 R10

Explique pourquoi seulement une des équations suivantes peut être résous algébriquement sans utiliser les logarithmes.

$$3^{5x} = 6^{2x-1} \qquad \text{ou} \qquad 16^{2x+3} = \left(\frac{1}{2}\right)^{4x-5}$$

Solution

L'équation $16^{2x+3} = \left(\frac{1}{2}\right)^{4x-5}$ peut être résous sans utiliser les logarithmes parce que 16 et $\frac{1}{2}$ peuvent être changés à une base commune de 2.

Cela peut être résous algébriquement parce que tu peux obtenir la même base de 3 et ensuite déposer la base pour résoudre.

0 sur 1

Copie type 2

16 2x+3 = 1 4x-5 pourrait être parcèque tu peux multiplier les doux côtes par 2, pris avoir un côté egal à 1.

0 sur 1

Copie type 3

 z^{5} z^{5

Question 45 R1

Soit le graphique de y = f(x), décris comment tracer le graphique de y = |f(x)|.

Solution

Réfléchi tous les points avec des valeurs négatives de y par rapport à l'axe des x.

1 point

Les graphiques absulus ne vont jamais négativement de y.

0,5 sur 1

tous les points ont été alloués

- 0,5 point pour le manque de clarté dans la description

Copie type 2

Toutes les valeurs négatives deviennent positives.

0,5 sur 1

tous les points ont été alloués

− 0,5 point pour le manque de clarté dans la description

Copie type 3

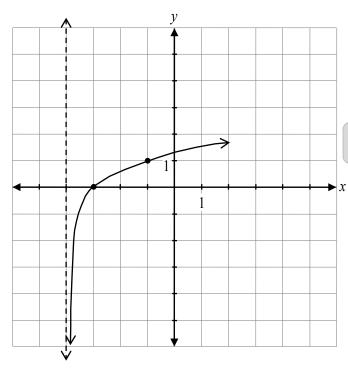
le graphique | f(x) | peut être tracé en prenant la valeur absolue de la coordonnée-y. de f(x) alors que x reste le même.

1 sur 1

Question 46 R9

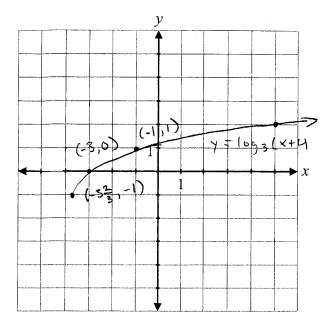
Trace le graphique de $y = \log_3(x+4)$.

Solution



- 1 point pour une fonction logarithmique croissante
- 1 point pour le comportement asymptotique qui s'approche de x = -4

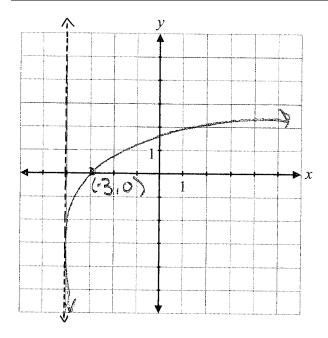
2 points



1 sur 2

+ 1 point pour une fonction logarithmique croissante E9 (flèches ou points aux extrémités omis ou incorrects)

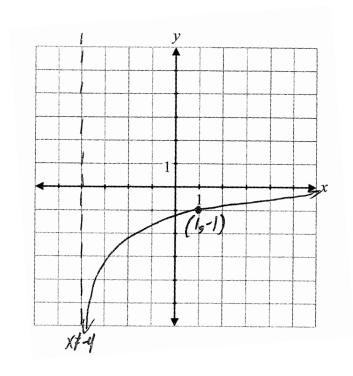
Copie type 2



1,5 sur 2

tous les points ont été alloués

- 0,5 point pour l'erreur de procédure (ne pas avoir illustré un deuxième point)
 E10 (graphique tracé pour croiser une asymptote)



1 sur 2

+ 1 point pour le comportement asymptotique qui s'approche de x = -4

Cette page a été laissée blanche intentionnellement.

Question 47 R10

Résous, algébriquement.

$$\log x + \log 4 - \log (x - 2) = \log 5$$

Solution

Méthode 1

$$\log\left(\frac{4x}{x-2}\right) = \log 5$$

$$\frac{4x}{x-2} = 5$$

$$4x = 5(x-2)$$

$$4x = 5x - 10$$

$$10 = x$$

1 point pour la loi du logarithme d'un produit 1 point pour la loi du logarithme d'un quotient

0,5 point pour avoir mis le signe d'égalité entre les arguments

0,5 point pour avoir isolé x

3 points

Méthode 2

$$\log x + \log 4 - \log(x - 2) - \log 5 = 0$$

$$\log \left(\frac{4x}{5(x - 2)}\right) = 0$$

$$10^0 = \frac{4x}{5(x - 2)}$$

$$5(x - 2) = 4x$$

$$5x - 10 = 4x$$

$$x = 10$$

1 point pour la loi du logarithme d'un produit 1 point pour la loi du logarithme d'un quotient

0,5 point pour avoir converti à la forme exponentielle

0,5 point pour avoir isolé x

3 points

$$\log\left(\frac{x+4}{x-2}\right) = \log 5$$

$$\frac{X+4}{X-2} = 5$$

$$\frac{-4}{-4} \times = -14$$

2 sur 3

- + 1 point pour la loi du logarithme d'un quotient
- + 0,5 point pour avoir mis le signe d'égalité entre les arguments
- + 0,5 point pour avoir isolé x

Copie type 2

$$\frac{\log (4x)}{\log (x-2)} = \log 5$$

1 sur 3

- + 1 point pour la loi du logarithme d'un produit
- + 1 point pour la loi du logarithme d'un quotient
- − 1 point pour l'erreur de concept (pas écrit comme un seul logarithme)

$$199\frac{4x}{x-2} = 1995$$

$$\frac{4x}{x-a} = 5$$

$$\frac{\sqrt{3}}{\sqrt{3}} = -\frac{10}{10}$$

2 sur 3

tous les points ont été alloués

- 0,5 point pour l'erreur de procédure à la ligne 1
- 0,5 point pour l'erreur d'arithmétique à la ligne 4
- E1 (la solution impossible n'est pas rejetée à l'étape de la réponse)

Cette page a été laissée blanche intentionnellement.

Question 48 T5

Soit $\sin \theta = \frac{1}{2}$, détermine toutes les valeurs possibles de θ dans l'intervalle $[-2\pi, 2\pi]$.

Solution

$$\theta = -\frac{11\pi}{6}, -\frac{7\pi}{6}, \frac{\pi}{6}, \frac{5\pi}{6}$$
 1 pc

1 point pour les valeurs positives de θ (0,5 point pour chaque) 1 point pour les valeurs négatives de θ (0,5 point pour chaque)

2 points

$$\theta = \frac{\pi}{6}, \frac{5\pi}{6}, \frac{7\pi}{6}, \frac{11\pi}{6}, -\frac{\pi}{6}, -\frac{5\pi}{6}, -\frac{7\pi}{6}, -\frac{11\pi}{6}$$

1 sur 2

+ 1 point pour les valeurs négatives conséquentes de θ

Copie type 2

$$\frac{\pi}{6}$$
, $\frac{5\pi}{6}$, $\frac{\pi}{6}$

1 sur 2

+ 1 point pour les valeurs positives de θ

Copie type 3

$$\frac{=\frac{17}{6},\frac{5\pi}{5\pi},\frac{13\pi}{6},\frac{17\pi}{6},-\frac{7\pi}{6},\frac{-17\pi}{6},\frac{-17\pi}{6},\frac{-17\pi}{6},\frac{-17\pi}{6}$$

2 sur 2

tous les points ont été alloués E8 (réponse à l'extérieur du domaine donné)

Copie type 4

2 sur 2

tous les points ont été alloués E8 (réponse à l'extérieur du domaine donné)

Cette page a été laissée blanche intentionnellement.

Annexes



Annexe A

LIGNES DIRECTRICES POUR LA CORRECTION

Les erreurs qui sont liées de façon conceptuelle aux résultats d'apprentissage associés à la question nécessiteront une déduction de 1 point.

Chaque fois qu'un élève fait une des erreurs suivantes, une déduction de 0,5 point sera nécessaire :

- une erreur d'arithmétique;
- une erreur de procédure;
- une erreur de terminologie dans l'explication;
- un manque de clarté dans l'explication, la description ou la justification;
- une forme de graphique incorrecte (seulement si aucun point n'est alloué pour la forme).

Erreurs de communication

Les erreurs suivantes, qui ne sont pas liées de façon conceptuelle aux résultats d'apprentissage associés à la question, peuvent nécessiter une déduction de 0,5 point et seront suivies de près sur la *Feuille de réponses et de notation*.

beront barries de pr	tes ear la reame de repenses et de metation.
E1 réponse finale	 réponse donnée sous forme d'une fraction complexe réponse finale n'est pas donnée la ou les solution(s) impossible(s) n'est (ne sont) pas rejetée(s) à l'étape de la réponse ou aux étapes précédentes
E2 équation/expression	 équation transformée en une expression ou vice versa signe d'égalité entre les deux côtés d'un bout à l'autre de la démonstration d'une identité
E3 variables	 variable omise dans une équation ou une identité variables introduites sans être définies
E4 parenthèses	 « Sin x² » est écrit au lieu de « sin²x » parenthèses omises mais tenues pour acquis
E5 unités	 unités de mesure omises dans la réponse finale unités de mesure incorrectes réponse exprimée en degrés plutôt qu'en radians ou vice versa
E6 arrondissement	erreur d'arrondissementavoir arrondi trop tôt
E7 notation/transcription	erreur de notationerreur de transcription
E8 domaine/image	 réponse à l'extérieur du domaine donné erreur de crochet faite dans l'énonciation du domaine ou de l'image domaine ou image écrit en ordre incorrect
E9 graphiques	 flèches ou points aux extrémités omis ou incorrects échelles absentes sur les axes coordonnées d'un point étiquetées incorrectement
E10 asymptotes	 asymptotes indiquées par un trait plein asymptotes omises mais tenues pour acquis graphique tracé pour croiser une asymptote ou pour s'en éloigner

Annexe B

IRRÉGULARITÉS DANS LES TESTS PROVINCIAUX

GUIDE POUR LA CORRECTION À L'ÉCHELLE LOCALE

Au cours de la correction des tests provinciaux, des irrégularités sont parfois observées dans les cahiers de test. La liste suivante fournit des exemples des irrégularités pour lesquelles il faudrait remplir un Rapport de cahier de test irrégulier et le faire parvenir au Ministère :

- styles d'écriture complètement différents dans le même cahier de test;
- raisonnement incohérent accompagné de réponses correctes;
- notes d'un enseignant indiquant comment il a aidé un élève au cours de l'administration du test;
- élève révélant qu'il a reçu de l'aide d'un enseignant pour une question;
- élève remettant son travail sur du papier non autorisé;
- preuve de tricherie ou de plagiat;
- contenu perturbateur ou offensant;
- l'élève a rendu un cahier vierge (il n'a eu que des « NR ») ou il a donné des mauvaises réponses à toutes les questions du test (« 0 »).

Des commentaires ou des réponses indiquant qu'il y a un risque menaçant l'élève ou que ce dernier représente un danger pour les autres sont des questions de sécurité personnelle. Ce type de réponse d'élève exige un suivi immédiat et approprié de la part de l'école. Dans ce cas-là, s'assurer que le Ministère est informé du fait qu'il y a eu un suivi en remplissant un Rapport de cahier de test irrégulier.

À l'exception des cas où il y a évidence de tricherie ou de plagiat entraînant ainsi une note de 0 % au test provincial, il appartient à la division scolaire ou à l'école de déterminer comment traiter des irrégularités. Lorsqu'on établit qu'il y a eu irrégularité, le correcteur prépare un Rapport de cahier de test irrégulier qui décrit la situation et le suivi, et énumère les personnes avec qui il a communiqué. L'instance scolaire locale conserve la copie originale de ce rapport et en fait parvenir une copie au Ministère avec le matériel de test.

Rapport de cahier de test irrégulier

Test :
Date de la correction :
Numéro du cahier :
Problème(s) observé(s) :
Question(s) concernée(s) :
Action entreprise ou justification de la note :

Suivi :
Décision :
Cimpature du compatant
Signature du correcteur :
Signature du directeur d'école :
Réservé au Ministère — Une fois la correction complétée
Conseiller :
Date :

Annexe C

Tableau de questions par unité et résultat d'apprentissage

ı	Unité A : Les transformations de fonctio	ns
Question	Résultat d'apprentissage	Point
7	R1	1
10	R3, R5	3
11	R4	3
25	R2	1
28	R1	2
36a)	R1	1
40	R6	2
45	R1	1
	Unité B : Les fonctions trigonométrique	es
Question	Résultat d'apprentissage	Point
1	T1	2
8	T2	1
20	T3	1
22	T4	1
34	T1	1
35	T4	4
42a)	T3	2
42b)	T3	1
	Unité C : Le théorème du binôme	
Question	Résultat d'apprentissage	Point
5	P3	2
6	P4	3
9	P4	1
15	P1	1
17	P2	1
19	P2	1
24	P4	1
30	P3	2
	Unité D : Les fonctions polynomiales	
Question	Résultat d'apprentissage	Point
13	R11	2
23	R12	1
26	R11	1
29	R11	1
32a)	R12	2
32b)	R12	1
	R12	1

Unité E : Les équations trigonométriques et les identités		
Question	Résultat d'apprentissage	Point
3	T5	4
14	T6	3
31	T5	2
38	T6	3
48	T5	2

Unité F : Les exposants et les logarithmes

Résultat d'apprentissage	Daint
Resultat a applications	Point
R10	2
R10	3
R8	2
R7	1
R9	1
R10	1
R9	2
R10	3
	R10 R10 R8 R7 R9 R10 R9

Unité G: Les radicaux et les rationnels

Question	Résultat d'apprentissage	Point
12	R14	1
18	R13	1
27	R14	1
36b)	R14	1
37	R13	2
39	R13	4
43	R14	2